Thorium-232 protoni-indusoidun fission tuottojakauma

Pro gradu -tutkielma, 10.6.2024

Tekijä:

Rami Korkiamäki

Ohjaaja:

Heikki Penttilä



© 2024 Rami Korkiamäki

Julkaisu on tekijänoikeussäännösten alainen. Teosta voi lukea ja tulostaa henkilökohtaista käyttöä varten. Käyttö kaupallisiin tarkoituksiin on kielletty. This publication is copyrighted. You may download, display and print it for Your own personal use. Commercial use is prohibited.

Tiivistelmä

Korkiamäki, Rami Thorium-232 protoni-indusoidun fission tuottojakauma Pro gradu -tutkielma Fysiikan laitos, Jyväskylän yliopisto, 2024, 92 sivua

Tässä tutkielmassa tutkittiin, kuinka thorium-232 protoni-indusoidun fission fissiotuotot vaihtelevat eri alkuaineilla riippuen siitä, kuinka fissiotuotteet massaerotellaan ja millä menetelmällä fissiotuotot määritetään. Mittaukset tehtiin gammaspektroskopian, lentoaikamassaerottimen (MR-TOF) ja JYFLTRAP Penningin loukun avulla massaluvuille A=80, 86, 100, 104, 110, 124 ja 136. Menetelmien antamia suhteellisia fissiotuottoja vertailtiin massaluvuittain.

Lisäksi MR-TOF:lla määritettiin suhteelliset riippumattomat isotooppiset fissiotuottojakaumat niobiumille, molybdeenille, teknetiumille, ruteniumille, rodiumille ja palladiumille massaluvuissa A=103-112. Näiden jakaumien arvoja vertailtiin aiemmin myös JYFLTRAP:lla mitattuihin fissiotuottoihin.

Eri menetelmien välillä ei havaittu olevan suurta vaikutusta suhteellisia fissiotuottoja tarkastellessa. Menetelmien väliset erot ovat enimmäkseen luotettavuusarvojen sisällä. Poikkeuksena tähän ⁸⁰As ja ¹³⁶Te, joiden mitatut tuotot näyttäisivät olevan huomattavasti vähäisempiä MR-TOF:lla ja JYFLTRAP:lla mitatessa. MR-TOF:n ja JYFLTRAP:n suhteellisten riippumattomien isotooppisten fissiotuottojen välillä ei myöskään havaittu erityisen suuria eroja.

Avainsanat: Fissio, fissiotuottojakauma, MR-TOF

Abstract

Korkiamäki, Rami Thorium-232 proton induced fission yield distribution Master's thesis Department of Physics, University of Jyväskylä, 2024, 92 pages.

In this thesis we studied how the fission yields of thorium-232 proton-induced fission vary with different elements depending on how the fission products are mass separated and which method is used to determine the fission yields. Measurements were done using gamma spectroscopy, multi-reflection time-of-flight mass separator (MR-TOF) and JYFLTRAP Penning's trap for mass numbers of A=80, 86, 100, 104, 110, 124, 136. The relative fission yields given by the methods were compared within each of the measured mass number.

Additionally, MR-TOF was used to determine the relative independent isotopic fission yield distributions for niobium, molybdenum, technetium, ruthenium, rhodium and palladium for mass numbers A=103-112. These distributions were compared to previously measured fission yields obtained using JYFLTRAP.

No significant impact was found between the different methods when examining the relative fission yields. The differences between the methods mostly fall within the reliability margins. An exception to this are ⁸⁰As and ¹³⁶Te, whose measured yields appear to be significantly lower when measured with MR-TOF and JYFLTRAP. No particular large differences were observed between the relative independent isotopic fission yields of MR-TOF and JYFLTRAP.

Keywords: Fission, fission yield distribution, MR-TOF

Esipuhe

Erittäin isot kiitokset ohjaajalleni Heikki Penttilälle tutkielman aiheesta, säännöllisistä tapaamisista ja tuesta koko prosessin aikana. Osasit vastata kysymyksiini ennemmin kuin ehdin kysyä niitä, ja selventää asioita, joita en olisi edes osannut kysyä. Kiitos myös IGISOL tutkimusryhmälle mittauksien tekemisestä, ja erityisesti Ville Virtaselle ja Andrea Raggiolle avusta datan käsittelyn kanssa. Lisäksi lämpimät kiitokset kaikille läheisilleni ja kavereilleni tuesta opiskeluiden aikana, ilman teitä en olisi selvinnyt näistä vuosista. Nyt vain avoimin mielin kohti tulevaa, mitä vastaan tuleekaan.

Jyväskylässä 9. kesäkuuta 2024

Rami Korkiamäki

Sisällys

Tiivistelmä Abstract							
1	Johdanto						
2	Teoreettinen tausta						
	2.1	Fissio	13				
	2.2	Fissiotuotot	15				
	2.3	Fissiotuottojen mallinnus	16				
	2.4	Fissiotuottojen kokeellinen määrittäminen	18				
3	Kokeelliset menetelmät ja aineisto						
	3.1	IGISOL	23				
	3.2	MR-TOF	27				
	3.3	Hajoamisspektroskopia	29				
	3.4	JYFLTRAP	31				
	3.5	Mittaukset	33				
		3.5.1 Isobaaristen tuottojen mittaus	33				
		3.5.2 Riippumattomat isotooppiset tuottomittaukset	37				
4	Analyysi						
	4.1	MR-TOF-spektrien analyysi	39				
	4.2	Gammaspektrien analyysi	43				
5	Tule	okset	51				
	5.1	Isobaarijakaumat (Z-jakaumat)	51				
	5.2	Riippumattomat isotooppiset fissiotuotot	59				

6	Päätäntö	67
Lä	ihteet	68
Α	MR-TOF- mittaustulokset	75
в	Gammamittausten mittaustulokset	83

1 Johdanto

Fissiotuotteiden jakaumien tunteminen on erittäin tärkeää fissioprosessin ymmärtämisen kannalta. Tutkimalla fissiotuottoja saadaan selville, miten fissio tapahtuu ja kuinka prosessi etenee. Mittausten pohjalta voidaan kehitellä malleja, joilla voidaan kuvata fissioita sellaisille reaktioille, joita ei tunneta kokeellisesti.

Fissiotuottojakaumien tuntemisella on käytännöllistäkin merkitystä. Esimerkiksi ydinreaktorien suunnittelun ja turvallisuuden kannalta on tärkeää tuntea fissiotuottojakauma. Polttoaineen fissioituessa muodostuu paljon erilaisia isotooppeja, joilla on hyvin eripituisia puoliintumisaikoja. Näiden isotooppien radioaktiivisissa hajoamisissa vapautuu paljon haitallista säteilyä. Tuntemalla fissioreaktion jakauma voidaan optimoida reaktorin toimintaa ja vähentää radioaktiivisen jätteen muodostumista.

On tärkeää myös säteilyn-, päästöjen- ja ydinasevalvonnan kannalta tuntea fissiotuotteiden jakauma. Tuntemalla jakauma voidaan arvioida aiheutuvan säteilyn määrää ja sen tuottamia terveysriskejä. Tämän perusteella voidaan suunnitella tarpeellisia suojaus- ja jatkotoimenpiteitä, jotta säteilystä aiheutuisi mahdollisimman vähän haittaa ihmisille ja luonnolle. Tutkimalla jakaumaa voidaan myös päätellä mistä fissiotuotteet ovat peräisin. Eri reaktiot muodostavat erilaisia jakaumia, jolloin voidaan selvittää, ovatko fissiotuotteet tulleet esimerkiksi reaktorista vai ydinräjähdyksessä, ja mikä fissioituva aine on kyseessä. Lisäksi jakauman avulla voidaan selvittää esimerkiksi, kuinka kauan sitten mahdollinen ydinräjähdys on tapahtunut.

Tässä tutkielmassa tutkitaan thorium-232:n 25 MeV protonilla indusoidun fission tuottojakaumaa. Kyseinen reaktio valittiin siksi, koska samaa reaktiota on tutkittu aikaisemmin JYFLTRAP:ia käyttäen [1]. Aikaisemmissa mittauksissa oli kuitenkin puutteita, joita haluttiin täydentää. Käyttäen samaa reaktiota voidaan myös vertailla uusia tuloksia vanhempiin.

Mittaukset suoritettiin gammaspektroskopiaa ja lentoaikaerotinta (MR-TOF) käyttäen. Näiden lisäksi hyödynnetään aiemmin tehtyjen JYFLTRAP-mittauksien tuloksia. Eri menetelmillä mitattuja fissiotuottoja voidaan vertailla keskenään, jolloin saadaan selville, missä määrin käytetty mittausmenetelmä vaikuttaa eri alkuaineiden havaittuihin fissiotuottoihin. Tuottomittaukset voidaan tehdä useassa paikassa IGISOL-laitteiston mittausalueella. Fissiotuotteet erotellaan yhä hienostuneemmilla menetelmillä massan perusteella. Työssä pyrittiin selvittämään, muuttavatko lajittelumenetelmät havaittua tuottojakaumaa.

Tutkielman alussa käydään läpi ensin fission teoriaa. Myöhemmin teoriaosuudessa käsitellään fissiotuottoja ja sitä, kuinka niitä voidaan mallintaa, ja kuinka fissiotuottoja voidaan määrittää kokeellisesti. Tämän jälkeen esitellään mittauksissa käytettyjä laitteistoja ja niiden toimintaperiaatteita. Lopuksi käsitellään mittausdatojen analyysimenetelmiä ja niistä saatuja tuloksia. Saatuja tuloksia vertaillaan eri menetelmien välillä ja aikaisemmin mitattuihin tuloksiin.

2 Teoreettinen tausta

2.1 Fissio

Fissio on ydinreaktio, jossa ydin hajoaa tyypillisesti kahdeksi pienemmäksi ytimeksi. On kuitenkin mahdollista, että ydin hajoaa useampaan osaan, jolloin puhutaan ternaarisesta tai kvartaarisesta fissiosta [2]. Näissä tapauksissa muodostuu kahden keskiraskaan ytimen lisäksi jokin pieni ydin, kuten alfahiukkanen.

Fissiossa muodostuneet ytimet ovat aina viritystilassa [3]. Viritykset voivat purkautua neutroni- tai fotoniemissiolla. Neutroniemissio on mahdollinen, jos viritysenergia on neutronin sidosenergiaa suurempi. Tällöin se on myös vallitseva reaktio virityksen purkautumiselle, sillä neutroniemissio on huomattavasti fotoniemissiota nopeampi. Fissiotuotteen saavuttaessa perustilansa, se on useimmiten edelleen radioaktiivinen, ja beetahajoaa kohti stabiileja ytimiä. Fissiossa syntyy suoraan myös stabiileja ytimiä, mutta niiden osuus on hyvin pieni. On myös mahdollista, että fissioreaktiossa vapautuvat neutronit aiheuttavat ketjureaktion uusia fissioita. Se, mitä fissioreaktiossa syntyy, riippuu myös siitä, miten fissioituva ydin on muodostunut.

Fissio voidaan indusoida esimerkiksi neutronin tai protonin avulla, tai se voi tapahtua spontaanisti. Fission tapahtumiseksi ytimen täytyy ylittää niin sanottu fissiovalli. Fissiovalli on potentiaalienergiavalli, joka on ytimen muodon funktio. Jokaiseen ytimen muotoon liittyy tietty potentiaalienergia. Perustilassa olevan ytimen muoto vastaa potentiaalienergian minimiä. Fissiossa tapahtuu muodonmuutosten ketju, joka johtaa ytimen perustilan muodosta fissiofragmenttien muodostumiseen ja niiden erkanemiseen. Aluksi potentiaalienergia kasvaa, kunnes saavutetaan potentiaalienergian huippu, niin sanottu satulapiste. Satulapisteen jälkeen potentiaalienergia pienenee, kun muodostuvat fragmentit etääntyvät toisistaan, kunnes ne irtoavat toisistaan skissioksi kutsutussa kohdassa. Fissio etenee deformaatioavaruudessa sitä reittiä, jolla potentiaalienergian kasvu on pienin, siis eräänlaista potentiaalisolan pohjaa pitkin. Fissiovalli on potentiaalienergiavalli tätä reittiä pitkin, jota ei kuitenkaan ole mahdollista kuvata vain yhdellä deformaatioparametrilla. Spontaanissa fissiossa ydin hajoaa ilman ulkopuolisten hiukkasten vaikutusta todennäköisyyteen perustuen. Spontaania fissiota voidaan kuvata tunneloitumisena fissiovallin läpi [3]. Spontaani fissio on yleisesti todennäköisempi mitä raskaammasta ytimestä on kyse.

Hiukkasella indusoidussa fissiossa ammushiukkanen ja kohtioydin sulautuvat yhdeksi raskaammaksi väliytimeksi, joka fissioituu reaktiossa saamansa viritysenergian turvin. Viritysenergiaa voidaan kuvata massakeskipistekoordinaatistossa yhtälöllä

$$E = B_k + E_a - B_v,\tag{1}$$

missä B_k on kohtioytimen sidosenergia, E_a on ammuksen energia ja B_v on muodostuneen väliytimen sidosenergia. Tässä sidosenergiat ovat negatiivisia.

Fission todennäköisyys riippuu viritysenergian suuruudesta. Mitä lähempänä väliytimen viritysenergia on potentiaalienergiavallin huippua, sitä todennäköisemmin fissio tapahtuu [3]. Viritysenergian ei tarvitse olla fissiovallin huippua korkeampi, vaan fissio voi mennä loppuun tunneloitumalla. Viritysenergian turvin se on helpompaa kuin spontaanissa fissiossa.

Joillakin ytimillä, kuten esimerkiksi fissiileillä ytimillä ²³⁵U ja ²³⁹Pu, fissio tapahtuu, vaikka indusoivan hiukkasen liike-energia on oleellisesti nolla. Fissioon tarvittava viritysenergia saadaan vapautuvasta sidosenergiasta.

Väliytimen muodostumistodennäköisyys riippuu vahvasti ammushiukkasen energiasta. Neutroni-indusoidussa fissiossa matalaenergisen neutronin sieppaustodennäköisyys kasvaa, kun neutronin energia pienenee. Suurienergisen neutronin tai protonin tapauksessa käy päinvastoin. Väliytimen muodostuminen ei kuitenkaan takaa fission tapahtumista, vaan siihen liittyy omat todennäköisyytensä. Fissio kilpailee neutroniemission ja gammaemission kanssa, jolloin viritysenergian suuruus on vaikuttava tekijä siihen, miten väliydin hajoaa [3].

Fissio voidaan kuvata tapahtuvan eri fissiokanavia pitkin [4]. Nämä kanavat, joita sanotaan myös moodeiksi tai Brosan moodeiksi, vastaavat muodostuvia fissiofragmenttipareja, joista jotkin ovat todennäköisempiä muodostua kuin muut. Suosituimpien, eli keskimääräistä todennäköisemmin muodostuvien, fragmenttien viereiset fragmentit ovat myös suositumpia. Tämä johtuu siitä, että niiden ominaisuudet ovat samankaltaisia, jolloin ne voidaan niputtaa omiin ryhmiinsä. Näistä ryhmistä, eli kanavista, käytetään nimityksiä S1 (standard 1), S2 (standard 2), SL (super-long), SS (super-short) ja SA (super-asymmetric) [5], [6]. S1, S2 ja SA ovat asymmetrisiä moodeja, eli toinen muodostuvista ytimistä on isompi. Vastaavasti SL ja SS ovat symmetrisiä moodeja, eli muodostuvat ytimet ovat samankokoisia. SL-moodissa ytimien välillä on pitkä kaula, kun taas SS-moodissa kaula on lyhyt. Nämä moodit voidaan erottaa toisistaan kokonaisliike-energian perusteella, joka on SS-moodissa paljon suurempi kuin SL-moodissa.

Ennen kuin fissioituva ydin halkeaa, ytimen viritysenergia jakautuu fragmenttien välillä [4]. Fragmenttien saama energia riippuu niiden lämpötilasta, joka ytimien tapauksessa on kääntäen verrannollinen massalukuun [7]. Tällöin raskaampi fragmentti on kylmempi ja se saa suuremman osan viritysenergiasta. Ytimen halkeamisen, eli skission, jälkeen fragmenteilla on omat viritysenergiansa. Fragmenttien viritysenergian kokonaismäärä riippuu siitä, miten paljon energiaa fissiossa vapautuu ja mikä osuus energiasta menee fragmenttien kineettiseksi energiaksi. Se, mikä ei mene kineettisiin energioihin, menee fragmenttien viritysenergiaksi. Tämä viritysenergia purkautuu fragmenteista ensiksi neutroniemissioiden kautta, kunnes viritysenergia on neutronin sidosenergiaa pienempi, jonka jälkeen purkautuminen tapahtuu gammaemission kautta [3]. Näiden emissioiden jälkeen muodostuneiden ytimien jakaumaa kutsutaan riippumattomaksi fissiotuotoksi. Useimmat muodostuneet ytimet ovat vielä kuitenkin radioaktiivisia ja beetahajoavat, kunnes lopulta muodostuu stabiili ydin.

2.2 Fissiotuotot

Fissiotuotot voidaan ilmoittaa usealla eri tavalla. Yleisimmin puhutaan fission riippumattomista ja kumulatiivisista tuotoista [8]. Riippumaton tuotto kertoo sen, kuinka paljon mitäkin tiettyä isotooppia muodostuu suoraan fissiosta, ennen kuin beetahajoaminen alkaa. Kumulatiivinen tuotto puolestaan kertoo sen, kuinka paljon mitäkin isotooppia on muodostunut sekä suoraan fissiosta, että radioaktiivisten hajoamisten seurauksena. Kumulatiivisten tuottojen perusteella voidaan selvittää riippumaton tuotto.

Näiden tuottojen lisäksi voidaan puhua hajoamisketju-, massaluku- ja alkuainetuotoista [8]. Hajoamisketjutuotto on se kumulatiivinen tuotto, mikä kertyy hajoamisketjussa viimeiselle, stabiilille isotoopille. Massalukutuotto puolestaan saadaan summaamalla tietyn massaluvun isotooppien riippumattomat tuotot yhteen, jolloin saadaan selville, kuinka fissiotuotteet jakautuvat massaluvuittain. Hajoamisketjuja massalukutuotot ovat lähes yhtä suuret, mutta hajoamisketjutuotto voi sisältää useampaa eri massalukua, jos hajoamisketju etenee viivästyneiden neutroniemissioiden kautta. Alkuainetuotto saadaan summaamalla kaikki saman alkuaineen isotooppien riippumattomat tuotot, jolloin saadaan selville, miten fissiotuotteet jakautuvat alkuaineittain.

2.3 Fissiotuottojen mallinnus

Fission tuottojakaumia voidaan mallintaa useilla erilaisilla malleilla. Mikroskooppinen lähestymistapa fissioprosessiin ja fissiotuottojen mallintamiseen on esitetty esimerkiksi artikkelissa [9]. Tässä "Randrupin mallissa" ytimen muoto on kuvattu kuudella dimensiottomalla parametrilla. Näistä yhden arvo kiinnittyy, kun viiden muun parametrin arvo tunnetaan, jolloin ytimen muotoa voidaan varioida viisiulotteisessa avaruudessa. Alkuperäisessä artikkelissa [9] tämä avaruus oli rajoitettu viisiulotteiseen hilaan, jossa oli 5 315 625 hilapistettä. Tässä mallissa ytimen muotoa muuttavat voimat ovat "potentiaalivoima", joka on systeemin pyrkimys kohti potentiaalienergian minimiä, kitkavoima, joka vastustaa systeemin muutosta, sekä tilastollisesti satunnainen jäännösvoima. Jäännösvoiman aikajakauman oletetaan noudattavan Markovin prosessin statistiikkaa. Näillä oletuksilla fissioituvan ytimen muotoa kuvaa Smoluchowskin liikeyhtälö, joka kuvaa Brownin liikettä, eli mikroskooppisten hiukkasten satunnaisliikettä. Ytimen muoto siis muuttuu satunnaisesti, mutta ei sattumanvaraisesti. Randrupin mallissa ytimen muodon muutos tapahtuu "satunnaisesti" vierekkäisten tilapisteiden välillä. Satunnaisuutta ohjaa kuitenkin "potentiaalivoima", joka on ytimeen muotoon liittyvä potentiaalienergian gradientti. Tämä voima kasvaa, kun potentiaalienergiapinta jyrkkenee, ja pyrkii siis ajamaan systeemiä kohti potentiaalienergian minimiä. Tarkempi kuvaus Randrupin mallista löytyy viitteistä [9], [10] ja ytimen muodon parametrisoinnista viitteestä [11]. Randrupin mallin kaltaisten lähtökohtaisesti mikroskooppisten mallien tarkkuus ei ole kuitenkaan vielä samalla tasolla empiiristen mallien kanssa [4].

Empiiristen mallien esikuvana on Wahlin malli [12], jonka systematiikkaan moni muu fissiotuottomalli perustuu. Wahlin malli on empiirinen malli, jossa sovitetaan useita gaussisia funktioita kokeelliseen dataan tuottojakauman muodostamiseksi. Kyseisessä mallissa gaussisten funktioiden parametrit (leveys, korkeus ja sijainti) määritetään fissioituvan ytimen protoniluvun ZF, massaluvun AF ja viritysenergian PE funktiona kullekin fissioreaktiolle. Sovittamalla kokeelliset parametrit pienimmän neliösumman menetelmän avulla voidaan laskea fissiomoodeja vastaavien gaussin käyrien leveys, korkeus ja sijainti myös sellaisille fissioreaktioille, joita ei kokeellisesti



Kuva 1. Massalukujakauma ²³⁹Pu termiselle fissiolle. Kokeellisiin datapisteisiin sovitettuna seitsemän gaussista funktiota. Kuva lähteestä [12].

tunneta [12]. Kuvassa 1 on esimerkkinä ²³⁹Pu termisen fission massalukujakauma. Kuvassa näkyy kokeelliset datapisteet ja seitsemän sovitettua gaussista funktiota. Jakaumat ovat komplementaarisia siten, että kevyin jakauma on yhtä leveä ja korkea raskaimman jakauman kanssa, ja niiden keskiarvojen summa vastaa fissioituvan ytimen massalukua. Vastaavasti muilla jakaumilla on omat komplementaariset jakaumat. Keskimmäinen jakauma on komplementaarinen itsensä kanssa, voidaan siis kuvitella sen koostuvan kahdesta täysin päällekkäisestä jakaumasta. Jos jokin fissiossa muodostunut ydin sijaitsee jakauman kevyellä puolella, sitä vastaava ydin löytyy toisen jakauman raskaalta puolelta. Fissiotuotolle voidaan tehdä myös vastaavasti Z-jakaumat.

2.4 Fissiotuottojen kokeellinen määrittäminen

Fissiotuottoja voidaan mitata useilla eri menetelmillä. Perinteinen tapa tuottojen selvittämiselle on tutkia niitä gammaspektroskopian avulla [4]. Tämä tapahtuu mittaamalla fissiotuotteiden beetahajoamista seuraavaa gammasäteilyä. Beetahajoamisessa muodostunut tytärydin päätyy diskreeteille viritystiloille, joiden purkautuessa vapautuu aina saman energian omaavia gammafotoneita, jotka voidaan tunnistaa. Lähes kaikilla beetahajoavilla fissiotuotteilla on omanlaisensa gammafotonien energioiden ja niitä vastaavien gammapiikkien intensiteettien muodostama spektri. Poikkeuksen tähän muodostavat ne isotoopit, joiden beetahajoaminen tapahtuu perustilojen välillä. Tällöin gammafotoneita ei tietenkään emittoidu. Gammaspektrien analysoinnista saadaan selville isotoopin kumulatiivinen tuotto, sillä mittauksen aikana isotooppia tuotetaan sekä suoraan fissiosta, että beetahajoamisketjun kautta neutronirikkaammista fissiotuotteista.

Toinen tapa tuottojen selvittämiseen on tutkia niitä massaspektroskopian avulla. Klassisessa massaspektroskopiassa fissiotuotteet erotellaan toisistaan massa-varaus suhteensa perusteella magneettisesti ja/tai sähköisesti. Jotta fissiotuotteita voidaan tutkia massaspektroskopisesti, täytyy tuotteet ensin ionisoida ja kiihdyttää jännitteen avulla. Esimerkkinä tällaisesta on menetelmä, jolla tutkittiin rubidiumin ja cesiumin riippumattomia tuottoja ²³⁸U nopeilla neutroneilla indusoidussa fissiossa [13]. Menetelmässä käytettiin suojaamatonta nopeaa reaktoria (Godiva IV), joka koostuu noin 65 kilogrammasta erittäin rikastettua ²³⁵U:a. Alun perin vuonna 1967 rakennettu reaktori on edelleen käytössä [14]. Reaktorilla voidaan tuottaa 10¹⁷ neutronin purkauksia 30 mikrosekunnin välein. Näillä neutroneilla indusoitiin fissio kohtiossa, jossa oli noin 300 milligrammaa erittäin puhdasta ²³⁸U:a. Fissiotuotteet ionisoitiin kuumalla pinnalla ja kiihdytettiin jännitteen avulla kohti itsefokusoivaa dipolimagneettia, joka erotteli ionit massoittain. Fissiotuotteet kerättiin levylle, joka leikattiin osiin eri massaisten tuotteiden väleistä. Näistä levyjen osista mitattiin beetahajoamisten aktiivisuutta usean päivän ajan isotooppien suhteellisten tuottojen selvittämiseksi.

Luvussa 3 käydään tarkemmin läpi, miten fissiotuottoja voidaan mitata massaspektroskopian avulla IGISOL:n tapauksessa.

Erikoisempia tapauksia massaspektroskopiasta ovat suoran kinematiikan menetelmät [4], joissa fissiotuotteita ei erikseen ionisoida ja kiihdytetä, vaan niiden varaukset ja liike-energiat määräytyvät täysin fissioreaktiosta. Fissiossa vapautuu energiaa sidosenergian muutoksen verran. Tästä energiasta suurin osa menee fissiofragmenttien liike-energiaksi. Liikemäärän säilyminen määrää sen, miten liike-energia jakautuu fragmenttien välillä. Symmetrisessä fissiossa fragmentit saavat yhtä paljon energiaa, kun taas epäsymmetrisessä fissiossa kevyen fragmentin energia E_k on massojen suhteessa suurempi kuin raskaan fragmentin energia E_r . Energioiden suhdetta kuvaa yhtälö

$$E_k = \frac{M}{m} E_r,\tag{2}$$

missä M on raskaan ja m kevyen fragmentin massa. Vaikka kaikkien eroteltavien fragmenttien liike-energia ei ole sama, kuten IGISOL:lla (luku 3.1) tai Godiva IV:llä tehdyssä kokeessa [13], se muuttuu tasaisesti fragmentin massan funktiona niin, että fissiorekyylit voidaan magneettisesti erotella toisistaan.

Eräs laite, joka käyttää suoraa kinematiikkaa fissiotuottojen selvittämiseen on Grenoblessa Institut Laue-Langevin (ILL) tutkimusreaktorilla sijaitseva LOHENGRIN (kuvassa 2) spektrometri [15]. Spektrometrin kohtio sijaitsee reaktorin sisällä ja ulos lentävät tuotteet lajitellaan magneettisen ja sähköisen deflektorin avulla. Kohtio on erittäin ohut, jolloin reaktion kinematiikka määrää fissiotuotteiden liike-energian, eikä se, miten syvällä kohtiossa fissio tapahtuu. Fissiotuotteiden suuntajakauma termisessä fissiossa on isotrooppinen. Tiukalla kollimoinnilla (avaruuskulma kohtiosta dipolimagneetin suuntaan pääseville fissiotuotteille on pienempi kuin $3.2\times 10^{-5}~{\rm sr}$ [16]) dipolimagneetille saapuvien fissiotuotteiden suihku saadaan riittävän yhdensuuntaiseksi. Dipolimagneetti lajittelee suihkun liikemäärä-varaussuhteen perusteella. Liikemäärä riippuu lähinnä fissiotuotteen massasta, joten magneettinen erottelu perustu
u $\frac{m}{q}$ -suhteeseen. Dipolimagneetin jälkeen suihku lajitella
an sähködipolilla energia-varaussuhteen perusteella. Koska kaikilla fissiotuotteilla on likimain samanlainen energia, tällä valitaan eri $\frac{m}{a}$ -suhteesta tietyn varaustilan ionit ja samalla kiinnittyy läpi pääsevien ionien massa m. Lopulta suihku keskitetään fokusoivan dipolimagneetin avulla ja fissiotuotteiden protoniluku voidaan tunnistaa ionisaatiokammion avulla. Laitteen vahvuus on sen kyky mitata lyhytikäisiä isotooppeja lyhyen lentomatkan ansiosta. Toisaalta mittaukset täytyy tehdä useilla eri asetuksilla, sillä fissiotuotteet saavat jakauman eri varaustiloja, jolloin isotooppien massa-varaus suhteet vaihtelevat. Tällöin eri mittausten jakaumat täytyy summata yhteen. Laitteiston rajoitusten vuoksi riippumattomat tuottomittaukset voidaan toteuttaa vain kevyille tuotteille [4].

VERDI (VElocity for Direct particle Identification) [18] ja FALSTAFF (Four



Kuva 2. LOHENGRIN laitteiston kuva. Kuva lähteestä [17].

Arm cLover for the Study of Actinide Fission Fragment) [19] ovat myös eräänlaisia suoran kinematiikan spektrometrejä. Kummallakin mitataan vastakkaisiin suuntiin lentävien fissiofragmenttien lentoaika ja kineettinen energia yhtäaikaisesti.

VERDI-spektrometrissä fragmentit lentävät kohtion lähellä olevan ohuen kalvon läpi. Fragmentti menettää tässä kineettistä energiaansa ja kalvo emittoi elektroneja, jotka kiihdytetään ja ohjataan mikrokanavalevylle (microchannel plate, MCP). Kalvolta saatava elektronipulssi toimii lentoaikamittauksen aloituspisteenä. Fragmentti jatkaa matkaansa pii-ilmaisinryhmälle, joka toimii lentoaikamittauksen loppupisteenä ja mittaa fragmentin kineettisen energian. [18]

FALSTAFF-spektrometrissä fragmentit lentävät kahden kalvon läpi, jotka toimivat alku- ja loppupisteinä lentoaikamittauksille, emittoituvat elektronit ohjataan MWPC-ilmaisimille (multi-wire proportional chamber). Kalvojen jälkeen fragmentti pysäytetään ionisaatiokammioon, jolla saadaan selville fragmentin kineettisen energian suuruus. Lentoaikojen perusteella saadaan selville fragmenttien nopeudet, joiden avulla voidaan selvittää fragmenttien massat ennen neutronien emissiota, olettaen nopeuksien pysyvän muuttumattomana neutroniemissiossa. Kineettisen energian ja nopeuden avulla puolestaan saadaan selville fragmenttien massat neutronien emittoitumisen jälkeen. Näillä tiedoilla on mahdollista selvittää myös neutronimultiplisiteetti (neutron multiplicity) massan funktiona, jolloin saadaan tietoa energian jakautumisesta fragmenttien välillä skissiossa. [19]

Fissiotuottoja voidaan mitata myös käänteisen kinematiikan avulla. Käänteisessä

kinematiikassa [20] raskas ydin toimii ammusytimenä, jolloin fissioituva ydin saa suuren kineettisen energian, joka säilymislakien nojalla päätyy fissiofragmenttien kineettiseksi energiaksi. Tämän avulla erittäin lyhytikäisten ytimien fissioreaktioiden tutkiminen helpottuu, kun muodostuneet fissiofragmentit ja emittoituvat neutronit lentävät suihkun suuntaisesti. Käänteisen kinematiikan menetelmiä ei käsitellä tämän tarkemmin tässä tutkielmassa.

3 Kokeelliset menetelmät ja aineisto

3.1 IGISOL

"Isotope-separator on-line" (ISOL) massaerotinlaitteistojen tarkoitus on lajitella ydinreaktioissa syntyvät isotoopit toisistaan massan perusteella. Tyypillisesti tämä tapahtuu magneettisella separoinnilla magneettiseen Lorentzin voimaan perustuen, jota voidaan kuvata yhtälöllä

$$\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B},\tag{3}$$

missä q on ionin varaus, \vec{v} on ionin nopeus ja \vec{B} on magneettikentän magneettivuon tiheys. Kun kyseessä on homogeeninen magneettikenttä, joka on kohtisuorassa ionisuihkun etenemissuuntaa vastaan, ioni kulkee ympyrärataa, jonka keskihakuvoima Lorentzin voima on. Tällöin voidaan kirjoittaa yhtälö

$$F_a = qvB = \frac{mv^2}{\rho},\tag{4}$$

missä F_a on keskihakuvoima, mon ionin massa ja ρ on ympyräradan säde. Tästä seuraa, että

$$\rho = \frac{mv^2}{qvB} = \frac{mv}{qB}.$$
(5)

Jos kaikilla ioneilla on sama varaus ja nopeus, ratasäde ρ on suoraan verrannollinen ionin massaan. Useimmiten ionit kiihdytetään samalla jännitteellä U, jolloin niiden energia on varauksen mukaan Uq. Kiihdytysjännite on niin pieni, kymmeniä kilovoltteja, että ionien liike-energia voidaan kuvata klassisesti yhtälöllä

$$Uq = \frac{1}{2}mv^2,\tag{6}$$

josta saadaan nopeudelle

$$v = \sqrt{\frac{q}{m}}\sqrt{2U}.$$
(7)

Tällöin yhtälö 5 voidaan kirjoittaa muotoon

$$\rho = \sqrt{\frac{m}{q}} \frac{\sqrt{2U}}{B}.$$
(8)

Tästä nähdään, että ratasäde on verrannollinen massan neliöjuureen. Jos ioneilla voi olla eri varaustiloja täytyy tarkastella suhdetta $\frac{m}{a}$.

Koska magneettinen separointi vaatii varauksen, analysoitavien reaktiotuotteiden täytyy olla tällöin ioneja. Ionisaatio voi tapahtua esimerkiksi kuumalla pinnalla [21]. Isotooppien ionisointitehokkuus riippuu niiden kemiallisista ominaisuuksista, ja joidenkin alkuaineiden ionisoiminen on hankalaa.

Ioniohjainmassaerotin (Ion-guide isotope-separator on-line, IGISOL) [22] on Jyväskylän yliopiston kiihdytinlaboratoriossa sijaitseva ISOL-laite, jolla tutkitaan eksoottisia radioaktiivisia isotooppeja massa-, laser- ja hajoamisspektroskopiaa käyttäen. IGISOL-laitteisto on esitetty kuvassa 3. Hiukkaskiihdyttimeltä tuleva ionisuihku törmäytetään IGISOL-laitteiston kohtiokammiossa olevaan ohueeseen kohtioon [23]. Suihkun ammusytimen ja kohtion kohtioytimen välillä tapahtuu ydinreaktio, jossa syntyvä reaktiotuote on tyypillisesti ionisoitunut korkeaan varaukseen. Reaktiotuote lentää ulos kohtiosta ennen kuin se ehtii neutraloitua. Kohtion ulkopuolella tuote pysähtyy jalokaasuun, jossa se ei pysty neutraloitumaan.

Tavallisesti IGISOL-massaerottimella käytetyt ydinreaktiot ovat kevyillä ammuksilla (protoni, deuteroni, ³He tai alfahiukkanen) indusoidut fuusio- ja fissioreaktiot. Fuusioreaktion tapauksessa reaktiotuote lentää ulos kohtiosta ammushiukkasen liikemäärän voimin. Rekyyli-ionin nopeus on varsin pieni, jolloin tuotteen pysäyttämiseen tarvitaan vain ohut kerros pienipaineista kaasua. Fissioreaktiossa itsessään vapautuu paljon suurempi määrä energiaa, kuin mitä indusoivan ammuksen liike-energia on. Lisäksi fissiossa syntyvät fragmentit lähtevät vastakkaisiin suuntiin, jotka ovat lähes riippumattomia indusoivan ammuksen kulkusuunnasta. Näiden fragmenttien liikemäärät kompensoivat toisensa, joten niiden liikemäärien itseisarvot ja täten myös liike-energiat ovat niin suuret kuin reaktiossa vapautuva energia sallii. Fuusioreaktiossa kohtion ei tarvitse olla kovin paksu, sillä reaktiotuotteet pääsevät pois kohtiosta ulkopuolella olevaan kaasuun vain ohuesta pintakerroksesta. Kohtion paksuudesta ei toisaalta ole muuta haittaa, kuin se, että kohtioon kertyy tarpeettoman paljon hyödyntämiskelvottomia reaktiotuotteet hidastuisivat jo kohtiossa tarpeeksi pysähtyäkseen kohtion ulkopuolella olevaan pysäytyskaasuun. Tarpeettoman paksuun fissiokohtioon pätee sama, kuin turhan paksuun fuusiokohtioonkin. Tässä työssä käytettiin ²³²Th, eli luonnonthoriumkohtiota, jonka fissio indusoitiin käyttäen 25 MeV protoneita.

IGISOL:ssa reaktiotuotteiden pysäyttämiseen käytetään heliumkaasua, sillä 1+ ionit eivät pysty irrottamaan elektroneja heliumatomeilta, joten reaktiotuotteen neutraloituminen on hidasta. Heliumkaasussa reaktiotuotteet menettävät liike-energiansa törmäillessään heliumkaasun atomeihin ja tuotteiden varaus laskee nopeasti, suurimmaksi osaksi 1+ varaustilalle. Muodostuneet ionit poistuvat pysäytystilavuudesta heliumkaasun virtauksen mukana voimakkaasti pumpattuun tilavuuteen halkaisijaltaan noin 1 mm suuruisen suuttimen läpi. Pumpatussa tilavuudessa neutraali kaasu hajaantuu ja se pumpataan pois. Ionit fokusoidaan sekstupoli-ioniohjaimen (SPIG) [24] noin 3 MHz taajuisen sähkökentän avulla ohjaimen keskelle. Keskitetyt ionit kuljetetaan tasajännitteellä noin 10 mm läpimittaisen aukon läpi parempaan (< 10^{-4} mbar) tyhjiöön, jossa ionit kiihdytetään 30 kV kiihdytysjännitteellä ionisuihkuksi ja ohjataan kohti dipolimagneettia.



Kuva 3. IGISOL laitteiston yleiskuva. (1) hiukkaskiihdyttimeltä tuleva linja, (2) kohtiokammio, (3) dipolimagneetti, (4) hajoamisspektroskopialinja, (5) RFQ ionikimputin, (6) laserlinja, (7) MR-TOF, (8) Penningin loukut. Muokattu lähteestä [25].

Dipolimagneetti (3) toimii ensimmäisenä massaerottimena kääntämällä ionien liikerataa, jonka kaarevuussäde riippuu ionien varauksesta ja massasta yhtälön 8 mukaisesti. Ioniohjaimen toimintaperiaatteen ansiosta yleisin varaustila on 1+. Joillakin alkuaineilla on myös 2+ varaustilan ioneja, mutta niilläkin useimmiten korkeintaan muutamia prosentteja kaikista ioneista. Käytännössä siis ionien radan kaarevuussäde dipolimagneetissa on verrannollinen niiden massojen neliöjuuriin. IGISOL:n magneetin massaresoluution $R = M/\Delta M$ suuruusluokka on noin 500, joka riittää erottamaan tutkittavan massaluvun isotoopit muiden massalukujen isotoopeista. ΔM on massapiikin eli *M*-massaisten ionien sijaintien jakauman puoliarvoleveys (FWHM, Full Width Half Maximum) magneetin fokuspisteessä. IGISOL:n dipolimagneetin takareuna on muotoiltu siten, että magneetti fokusoi saman massaiset ionit samaan kohtaan tietyllä etäisyydellä magneetin takana. Tutkittava massaluku valitaan kyseiseen kohtaan sijoitetulla pystysuoralla raolla, jonka leveyttä voidaan säätää 0-10 mm välillä. Tutkittavaa massalukua vaihdetaan muuttamalla dipolimagneetin magneettikentän suuruutta.

Magneetin jälkeen suihku voidaan ohjata hajoamisspektroskopialinjalle (4), tai antaa suihkun jatkaa matkaa kohti RFQ-ionikimputinta (5) [26], radiotaajuudella toimivaa sähköiseen kvadrupoliin (radiofrequency quadrupole) perustuvaa ionijäähdytintä ja -kimputinta. RFQ on korkeajännitteessä, jolloin ionit hidastuvat lähestyessään sitä ja saapuessaan niiden liike-energia on niin pieni, että ne pysähtyvät noin 1 mbar paineiseen heliumkaasuun. RFQ:n radiotaajuinen kenttä keskittää ionit RFQ:n akselille ja ne ohjataan pienelle alueelle lähellä RFQ:n loppupäätä tasajännitteiden avulla. Tässä alueessa ioneja jäähdytetään, eli pidetään paikoillaan, kunnes niiden liike on termisessä tasapainossa ympäröivän heliumkaasun kanssa. RFQ:n ansiosta ionisuihkun energiajakauman leveys saadaan pienennettyä kymmenistä elektronivolteista millielektronivoltteihin. Lisäksi RFQ-ionikimputin nimensä mukaisesti kokoaa jatkuvan ionisuihkun kimpuiksi. Nämä kimput, joiden energiahajonta on useita kertalukuja pienempi kuin alkuperäisen suihkun, voidaan ohjata laserlinjaan (6), tai kohti tarkempaa massaerotusta käyttäen Multi-Reflection Time-Of-Flight (MR-TOF) massaerotinta (7) ja/tai Penningin loukkua (8).

3.2 MR-TOF

Lentoaikamassaerottelu (TOF-MS, Time Of Flight Mass Spectroscopy) on yksinkertainen menetelmä selvittää hiukkasen massa lentoajan perusteella. Kun saman varauksen omaavat ionit kiihdytetään tietyllä jännitteellä, eri massaiset ionit päätyvät eri nopeuksiin, jolloin niiden lentoajat samalla matkalla ovat erilaiset. Lentoaikaa kuvaa yhtälö

$$t = \frac{d}{\sqrt{2U}} \sqrt{\frac{m}{q}},\tag{9}$$

missä d on lentomatka, U on kiihdytysjännite, m on massa ja q on varaus. Menetelmän merkittävänä rajoittavana tekijänä toimii lentomatka. Lyhyellä matkalla massaluvun isotoopit eivät saa tarpeeksi suurta eroa lentoajalle, jotta isotoopit voitaisiin erottaa toisistaan [27]. Lisäksi tutkittavan ionisuihkun epäpuhtaudet voivat häiritä, etenkin jos niitä on enemmän kuin tutkittavia ioneja. Lentomatkan lyhyyden tuottamat ongelmat voidaan ratkaista käyttämällä sama matka useamman kerran, jolloin lentoaikaa voidaan kasvattaa lähes mielivaltaisesti. Näin toimii heijastelentoaikamassaerotin (Multi-Reflection Time Of Flight Mass Spectrometer, MR-TOF-MS, tavallisesti vain MR-TOF).

MR-TOF-massaerottimen [27] toimintaperiaate perustuu ionien heijastamiseen kahden sähköstaattisen peilin välillä. Elektrostaattiset peilit koostuvat rengasmaisista elektrodeista, joiden jännitteitä voidaan säätää (kuva 4). Peilit ovat isokoorisia, joka tarkoittaa sitä, että ionien kääntyminen takaisin tulosuuntaan kestää yhtä kauan kaikilla ioneilla. Sähkökentät ovat konservatiivisia, joten heijastuessaan sähkökentistä ionien liike-energia ei muutu. Tällöin peilien välillä ionin nopeus pysyy vakiona. Ionit kiihdytetään jännitteellä U_k massaerottimeen, jolloin ne saavat qU_k verran energiaa. Tällöin nopeutta peilien välillä voidaan kuvata yhtälöllä

$$v = \sqrt{2U_k} \sqrt{\frac{q}{m}}.$$
(10)

MR-TOF:n potentiaalissa ionien lentoaika riippuu ainoastaan massa-varaus suhteesta, jolloin niiden kineettisillä energioilla ei ole väliä. Ionien syötön ja ulosoton yhteydessä heijastuselektrodien jännitettä pienennetään hetkellisesti, jotta ionit saadaan joko sisään tai ulos lentoputkesta. Vaihtoehtoinen tapa on muuttaa heijastimien välissä olevan lentoputken jännitettä. Lentoputki toimii Faradayn häkkinä, joka suojaa ioneja hajasähkökenttien aiheuttamilta häiriöiltä. Lentoputken jännitteen muuttaminen ei vaikuta putken sisällä lentävien ionien liikkeeseen. Kun putken jännitettä pienennetään riittävästi, putkesta ulos tulevien ionien energia ei riitä elektrostaattisten peilien potentiaalin läpäisyyn. Ionit saadaan tässä tapauksessa poistettua putkesta nostamalla putken jännite takaisin, jolloin ionit saavat tarpeeksi energiaa läpäistäkseen peilien potentiaalin. Mittauksen aikana ioneja heijastetaan edestakaisin lentoputkessa peilien välillä, kunnes eri massaiset ionit voidaan erottaa toisistaan niiden lentoaikojen perusteella. MR-TOF massaerotinta voidaan käyttää sellaisenaan massojen ja tuottojen mittaukseen, tai ei-toivottujen isotooppien pois suodattamiseen Penningin loukkua varten. Kuvassa 4 on IGISOL:ssa sijaitsevan MR-TOF-massaerottimen kaviokuva.



Kuva 4. JYFL MR-TOF massaerottimen kuva, kohdassa 1 ja 3 ovat elektrodit, jotka muodostavat energiapotentiaalin. Kohdassa 2 on lentoputki, jossa ionit lentävät edestakaisin massaerotuksen aikana. Muokattu lähteestä [28].

MR-TOF:n lyhyt mittausaika on eräs monista sen eduista. Sen ansiosta voidaan mitata ja tutkia paljon lyhytikäisempiä isotooppeja, kuin monilla muilla tavoilla. Esimerkiksi Penningin loukulla yhden kimpun mittaussyklin kesto on sekunnin luokkaa, kun taas MR-TOF:lla kimpun mittaussykli voi olla joitakin millisekunteja. Mittaussyklin kesto kasvaa heijastusmäärän mukana, mutta niin kasvaa myös massaresoluutio, joka on mahdollista saada yhtä hyväksi kuin Penningin loukulla. Toisaalta, jos ioneja lennätetään kauan, eri massaiset ionit voivat päätyä eri kierroksille, jolloin joidenkin ionien lentoaika mitataan systemaattisesti väärin. Tällaisessa tilanteessa on parempi pienentää kierroslukua, jolloin lentomatka lyhenee ja eri massaiset ionit pysyvät samalla kierroksella. Toinen MR-TOF:n etu on se, että se on ei-skannaava menetelmä, eli samaan aikaan voidaan mitata laajaa aluetta massasta. Tällöin samasta isobaarista voidaan mitata useita eri isotooppeja ja mittauksen sisäinen kalibraatio voidaan suorittaa. Tämä tarkoittaa sitä, että tunnistamalla yhden isotoopin ja tietämällä massat, voidaan tarkistaa ja varmistua siitä, mitä isotooppeja on havaittu spektrikohtaisesti.

3.3 Hajoamisspektroskopia

Hajoamisspektroskopiassa tutkitaan radioaktiivisen aineen hajoamisia. Kun radioaktiivinen aine hajoaa, se tuottaa säteilyä. Tämän säteilyn energia siirtyy ilmaisimen materiaaliin kokonaan tai osittain, jolloin se havaitaan jossain muodossa, kuten esimerkiksi valona tai sähköisenä pulssina.

Useimmiten ytimen hajoaminen tapahtuu alfa- tai beetahajoamisena. Alfa- ja beetahajoamisia usein seuraa myös gammasäteilyn emissio, kun hajoamisessa muodostuneiden ytimien viritystilat purkautuvat. Emittoituneilla gammafotoneilla on diskreetit energiat, jotka ovat isotoopille ominaisia. Tällöin niiden energioiden perusteella voidaan tunnistaa, mitä isotooppeja hajoamisissa on syntynyt.

Gammaspektroskopiassa tutkitaan näiden fotonien energioiden muodostamia spektrejä. Spektrin muodostamiseksi jokaisen gammafotonin energia pyritään mittaamaan erikseen. Eri gammailmaisintyyppejä ovat ionisaatio-, tuike- ja puolijohdeilmaisimet. Ilmaisimilla on monia ominaisuuksia, joiden perusteella voidaan valita mittauksiin sopiva ilmaisin. Näitä ominaisuuksia ovat ilmaisimen tehokkuus, herkkyys, resoluutio, vastefunktio ja vasteaika. Ilmaisimen tehokkuudella tarkoitetaan sitä, mikä osuus gammafotoneista nähdään. Tehokkuus riippuu geometriasta, eli siitä, miten ilmaisin on aseteltu säteilylähteen läheisyyteen ja millainen ilmaisimen muoto on. Herkkyys kertoo sen, millä säteilytyypillä ja energialla ilmaisin tuottaa signaalin. Ilmaisin ei voi olla herkkä kaikille säteilytyypeille ja energioille. Resoluutio puolestaan kertoo, miten hyvin ilmaisimen tuottaman spektrin piikit voidaan erottaa toisistaan. Jos resoluutio on huono, piikit voivat sekoittua keskenään joko osittain tai kokonaan, eikä niitä voida välttämättä erottaa toisistaan. Vastefunktio kertoo sen, millaisen spektrin ilmaisin antaa monoenergeettiselle säteilylle, ja vasteaika sen, miten nopeasti signaali muodostuu säteilyn saapuessa. On tärkeää, että monoenergeettisen gammasäteilyn spektri on mahdollisimman yksinkertainen. Jos näin ei ole, monien erilaisten gammafotonien spektristä voi olla vaikeampaa erottaa tietty fotoni. Nopea signaalin muodostuminen on myös erittäin tärkeää. Jos signaalin muodostuminen kestää kauemmin kuin seuraavan fotonin saapuminen, kaksi tai useampi tapaus yhdistyy yhdeksi signaaliksi väärään paikkaan. Eri mittauksissa ominaisuuksien tärkeysjärjestys vaihtelee. Joskus voidaan tarvita tarkka resoluutio, mutta säteilyn määrä on vähäistä, jolloin vasteaika voi olla hitaampi. Vastaavasti joskus säteily on runsasta, jolloin nopea vasteaika on erittäin tärkeä.

Tässä tutkimuksessa käytettiin germaniumilmaisimia, jotka ovat puolijohdeilmaisimia. Germaniumilmaisimet muodostuvat tyypillisesti suurikokoisesta germaniumkiteestä, jonka vastakkaisille pinnoille on asennettu johde-elektrodit. Puolijohteiden johtavuusvyöllä on vain vähän elektroneja ja niiden määrää voidaan vähentää entisestään jäähdyttämällä puolijohdetta. Germaniumkiteen elektrodien välille voidaan muodostaa tyhjennysalue kytkemällä niiden välille jännite. Tyhjennysalueessa ei ole yhtään vapaasti liikkuvia elektroneja, jolloin elektrodien välillä ei voi kulkea virtaa. Gammafotonin vuorovaikuttaessa tyhjennysalueen aineen kanssa energiaa siirtyy aineeseen. Tämän energian siirtymisen seurauksena elektroneita nousee germaniumin johtavuusvyöhön. Samaan aikaan valenssivyöhön muodostuu vastaava määrä elektroniaukkoja, jotka toimivat myös varauksenkuljettajina. Fotonin absorboituessa ilmaisimeen elektrodien välille syntyy virtapulssi, joka voidaan mitata. Vuorovaikutukset, jotka voivat johtaa fotonin absorboitumiseen, ovat valosähköinen ilmiö, Comptonin sironta ja parinmuodostus. [29]

Valosähköisessä ilmiössä fotonin energia siirtyy germaniumatomin elektronille. Tyypillisesti tämä on atomin sisäkuoren elektroni, joka on tiukasti sidottu atomiin. Lähes kaikki fotonin energiasta siirtyy elektronille. Osa energiasta kuluu elektronin irrottamiseen atomista. Häviävän pieni osa energiasta siirtyy germaniumatomin liikeenergiaksi, joka kuitenkin riittää tasapainottamaan elektronin saaman liikemäärän. Näin kaikki fotonin energia voi absorboitua. Emittoitunut elektroni vuorovaikuttaa germaniumin muiden elektronien kanssa. Vuorovaikutuksissa germaniumatomien elektroneihin siirtynyt energia on riittävän suuri nostamaan ne johtavuusvyöhön, jolloin muodostuu ilmaisimen virtapulssin aikaan saavia elektroni-aukko-pareja. [30]

Comptonin sironnassa fotoni vuorovaikuttaa atomin ulkokuorilla olevan löyhästi sidotun elektronin kanssa. Osa fotonin energiasta siirtyy elektronille. Koska elektroni on lähes vapaa, liikemäärän ja energian täytyy tasapainottua ilman atomin rekyyliä. Sironnassa muodostuukin uusi fotoni, jonka energia riippuu tulevan fotonin ja sironneen elektronin kulkusuunnista. Kuten valosähköisessä ilmiössä, myös comptonelektroni saa aikaan elektroni-aukko-parien muodostumisen. Comptonin sironnassa muodostuneen fotonin täytyy kuitenkin myös vuorovaikuttaa ilmaisimen tyhjennysalueen kanssa, jotta alkuperäisen fotonin koko energia muuttuisi havaittavaksi virtapulssiksi. [30]

Parinmuodostuksessa fotoni vuorovaikuttaa atomin ytimen lähettyvillä, voimakkaassa sähkökentässä, muodostaen alkeishiukkasen ja sitä vastaavan antihiukkasen. Parinmuodostus vaatii vähintään 1022 keV energisen fotonin, jotta muodostuu elektroni-positroni-pari. Fotonin energiasta loput jää muodostuneiden hiukkasten liike-energiaksi. Parinmuodostuksen täytyy tapahtua ytimen läheisyydessä, jolloin ydin saa sen verran energiaa, että liikemäärä säilyy. Jotta parinmuodostuksessa ilmaisimeen absorboituneen fotonin koko energia olisi käytettävissä elektroni-aukko-parien muodostumiseen, täytyy parinmuodostuksessa syntyneen positronin annihiloitua elektronin kanssa, ja annihilaatiofotonien täytyy absorboitua ilmaisimeen täydellisesti. [30]

3.4 JYFLTRAP

Fissiotuottoja Penningin loukun avulla mitattaessa loukkua käytetään massafiltterinä. Tässä tekniikassa käytetään JYFLTRAP:n ensimmäistä, niin sanottua "ykkösloukkua" tai "puhdistusloukkua". Tutkittava ionikimppu lähetetään RFQ-ionikimputtimelta Penningin loukulle ja vangitaan loukun pituussuunnassa sähköiseen potentiaalikuoppaan. Ionit jäävät värähtelemään edestakaisin kuoppaan samaan tapaan kuin MR-TOF:n sähköisten peilien väliin, mutta vain muutaman millimetrin mittaiselle alueelle. Loukun radiaalisuunnassa ionien liike määräytyy Penningin loukun 7 teslan suuruisesta magneettikentästä. Magneettikentän suunta on loukun pituussuuntaan, joten radiaalinen liike on kohtisuoraan magneettikenttään nähden. Ionien liike jakautuu kahteen ympyräliikkeeseen. Nämä ovat magnetroniliike, joka on "iso" ympyräliike magneettikentälle kohtisuorassa suunnassa, ja syklotroniliike, joka on ympyräliike magneettikentälle kohtisuorassa suunnassa. Näitä liikkeitä voidaan muokata korkeataajuisilla sähköisillä virityksillä. Jotkin viritykset vaikuttavat kaikkiin ioneihin samalla tavalla, toiset viritykset vaikuttavat vain ioneihin, joiden massan ja varauksen suhde vastaa tiettyä resonanssitaajuutta. [23]

Ionit massafiltteröidään siten, että ensin kaikkien ionien magnetroniliikkeen sädet-

tä kasvatetaan massariippumattomalla virityksellä, sitten ionit keskistetään massasta riippuvalla virityksellä. Vain ne ionit, joiden massa-varaus suhteen resonanssitaajuus on lähellä käytettyä viritystaajuutta, siirtyvät pienemmälle magnetroniradalle. Tehokkain keskistys saadaan juuri resonanssitaajuuden kohdalla. Keskityksen jälkeen potentiaalikuopan takaseinä poistetaan, jolloin ionit pääsevät taas etenemään. Ykkösloukun jälkeen JYFLTRAP:ssa on 1,5 mm läpimittainen, 50 mm pitkä kanava, jonka läpi vain keskistyneet ionit pääsevät kulkemaan. Muuttamalla viritystaajuutta voidaan valita, mitkä ionit pääsevät kanavan läpi. [23]

Tutkittavan ionisuihkun massaspektri tuotetaan muuttamalla viritystaajuutta, kunnes koko tutkittava massa-alue on käyty läpi. Riittävän mittausstatistiikan saavuttamiseksi taajuus skannataan useita kertoja. Yhden kimpun analysoimiseen kuluva aika vaihtelee 200-1000 ms tavoitellusta resoluutiosta riippuen. Yhden massaluvun skannaamiseen tarvitaan 150-200 taajuuspistettä. Menetelmällä saavutettu FWHM massaresoluutio $R(FWHM) = \frac{m}{\Delta m(FWHM)}$ on JYFLTRAP:lla parhaimmillaan noin 150000. MR-TOF-lentoaikaerottimeen verrattuna JYFLTRAP:n massaresoluutio on siis samaa luokkaa, eikä spektrin piikeissä ole kiusallisia häntiä (kuva 5). Menetelmä on kuitenkin hidas, kun jokainen massapiste mitataan erikseen. Ionien havaitsemiseen käytetyn MCP-ilmaisimen saturoitumisen estämiseksi ionikimpun koko tulisi olla alle 20 ionia. Tyypillisessä mittauksessa, jossa massapiikin leveys FWHM on noin 10 Hz ja mittaus tehdään 2 Hz välein, yhdellä skannauksella piikkiin saadaan parhaassa tapauksessa noin 100 ionia. Jos massaspektrissä on 150 taajuuspistettä ja yhden kimpun analyysiin käytetty aika tyypillinen 350 ms, tietyn isotoopin ioneja saadaan parhaimmillaan massaspektriin 2 kappaletta sekunnissa. Tässä työssä MR-TOF:n toistotaajuus oli 20 ionikimppua sekunnissa. Jos kimpussa havaitaan edelleen 20 ionia, koko spektriin saadaan 400 ionia sekunnissa. Jos spektrissä on viisi samankokoista piikkiä, kuhunkin piikkiin kertyy 80 ionia sekunnissa. Kuvassa 5 verrataan massaluvun A=104 MR-TOF spektriä Penningin loukulla mitattuun. MR-TOF näyttäytyy noin 100 kertaa tehokkaampana.



Kuva 5. MR-TOF (lentoaika, punaisella) ja JYFLTRAP (taajuus, mustalla) spektrien vertailu massaluvulle A=104. MR-TOF:n spektriä mitattiin 30 minuuttia ja JYFLTRAP:n noin 2 tuntia. MR-TOF spektrin piikeillä on parempi resoluutio, mutta niissä esiintyy häntää, jota JYFLTRAP:n spektreissä ei ole. Esimerkiksi ¹⁰⁴Tc piikissä on noin 1200 ionia JYFLTRAP:n ja noin 32000 ionia MR-TOF:n spektrissä.

3.5 Mittaukset

3.5.1 Isobaaristen tuottojen mittaus

On tiedossa, että IGISOL:lla lajiteltujen reaktiotuotteiden läpäisy kohtiosta mittausalueelle riippuu reaktiotuotteen alkuaineesta ja sen kemiallisista ominaisuuksista. Riippumattomia fissiotuottoja määritettäessä tämä otetaan huomioon, kuten kuvataan luvussa 3.5.2. Siksi ei ole edes odotettavissa, että tietyn massaluvun havaittu tuottojakauma aina vastaisi sitä, mikä fissiossa syntyy.

Tässä työssä haluttiin tutkia, kuinka paljon mitatut fissiotuotot vaihtelevat eri alkuaineilla sen mukaan, miten fissiotuotteet massaerotellaan ja millä menetelmällä ne määritetään. Mittauspaikat olivat spektroskopialinjan päässä (kuvassa 3 paikka 4), RFQ-ionikimputtimen (5 kuvassa 3) jälkeen ja JYFLTRAP Penningin loukun (8 kuvassa 3) jälkeen. Spektroskopialinjassa tuotot mitattiin gammaspektroskopian avulla, RFQ-ionikimputtimen jälkeen MR-TOF lentoaikaerottimella, ja viimeisessä tapauksessa JYFLTRAP:ia käytettiin tuottojen mittaamiseen. Gamma- ja MR-TOFmittaukset tehtiin maaliskuussa 2023. JYFLTRAP:n massaspektrit otettiin vuosina 2010-2014 tehdyistä mittauksista [1],[31].

Alustava työoletus oli, että merkittävimmät isotooppien häviöt tapahtuisivat kaasutäytteisissä loukuissa (RFQ ja JYFLTRAP). Häviöt aiheutuvat ionien neutraloitumisesta, jolloin niitä ei enää voida ohjailla sähkökentillä, ja kemiallisista reaktioista kaasun epäpuhtauksien kanssa, esimerkiksi oksidien muodostumisesta. Häviöiden odotettiin olevan sitä suurempia, mitä kauemman fissiotuotteita pidettäisiin loukuissa. Tällöin myös erot alkuaineiden välillä korostuisivat.

Työssä mitattiin massaluvut A=80, 86, 100, 104, 110, 124 ja 136. Massaluvut oli valittu siten, että ne kattoivat mahdollisimman monta alkuainetta. Lisäksi mihinkään näistä ei kuulu pitkäikäisiä isotooppeja. Tällöin mittaus yksinkertaistuu, koska kaikki tuotetut isotoopit ja niiden hajoamistuotteet ehtivät hajota mittausten aikana. Niiden kumulatiiviset tuotot saadaan gammaspektreistä ilman mittaussykliin liittyviä korjauksia. Tämä oli onnekas valinta myös siksi, että juuri ennen mittausta osoittautui, ettei IGISOL:n gammamittauksissa tavallisesti käytetty nauhakuljetin, jolla siirretään pitkäikäinen aktiivisuus pois ilmaisimen edestä, ollut toimintakunnossa.

Spektroskopialinjan päässä tehty gammamittaus toimi vertailun perustasona. Eri isotooppien fissiotuotot määritettiin hyvin kompaktissa geometriassa mitatuista gammaspektreistä. IGISOL:n dipolimagneetilla massaseparoitu ionisuihku implantoitiin linjan päässä alumiinifolioon. Folion taakse, suihkulinjan tyhjiön sisälle, oli sijoitettu 500 μ m paksu 300 mm² PIPS-ilmaisin, jota käytettiin beetojen havaitsemiseen. Tyhjiöputken ohuen, alumiinisen päädyn taakse mahdollisimman lähelle suihkun implantointikohdasta oli sijoitettu 20 mm paksu planaarinen germaniumilmaisin (Canberra BE2020) ja putken sivuseinän taakse koaksiaalinen 70 % germaniumilmaisin sin (Canberra GC7020).

Samojen massalukujen fissiotuotteiden jakauma mitattiin RFQ-ionikimputtimen jälkeen MR-TOF lentoaikaerottimella. Ihanteellista olisi ollut suorittaa myös tämä mittaus gammaspektroskopialla, etteivät mittaustavan erot vaikuttaisi tulokseen. Toisaalta oli tärkeää vertailla gammaspektroskopisia tuloksia myös MR-TOF-mittauksiin, ja kaikkea ei ollut mahdollista testata käytettävissä olevan mittausajan puitteissa.

MR-TOF menetelmällä saatuun isotooppijakaumaan tehtiin radioaktiivisen hajoamisen korjaus. Gammaspektrit mitattiin vain pienellä viipeellä fissiotuotteiden muodostumisen jälkeen. Isotoopin keskimääräinen viipymä ioniohjaimessa on kymmeniä millisekunteja [32] ja lentoaika spektroskopialinjan päähän 500 μ s. MR-TOFmittauksessa fissiotuotteita kerättiin tämän lisäksi RFQ:ssa kimpuksi 50 ms ajan, minkä jälkeen lentoaika MR-TOF läpi oli noin 35 ms. Tänä aikana fissiotuotteiden radioaktiivinen hajoaminen vähensi kaikkein lyhytikäisimpien isotooppien suhteellista osuutta. Korjaus tehtiin, ettei radioaktiivisesta hajoamisesta johtuvia häviöitä tulkittaisi alkuaineen kemiallisista ominaisuuksista johtuvaksi. Useimmille fissiotuotteille korjaus oli merkityksetön, mutta jo sekunnin puoliintumisajalle korjaus on yli 4 %. Analysoituja JYFLTRAP:n ykkösloukun massaspektrejä mitatessa fissiotuotteita oli kerätty RFQ-ionikimputtimeen 200-450 ms ajan ja ykkösloukun syklin pituus vaihteli 400-500 ms välillä. On siis ilmeistä, että JYFLTRAP- mittauksille on tehtävä vastaava hajoamiskorjaus kuin MR-TOF-datallekin.

Taulukko 1. Mittaukset, joilla tutkittiin fissiotuottojen massaerottelun ja mittausmenetelmän vaikutusta havaittujen tuottojen alkuainejakaumaan. Lihavoidulla merkityt ovat alkuaineiden stabiileja isotooppeja, joita tuotetaan fissiossa, mutta joita ionisoidaan myös esimerkiksi pysäytyskaasun epäpuhtauksista. Massalukujen A=104 ja A=110 samoja MR-TOF-mittauksia käytettiin myös riippumattomien isotooppituottojen määrittämiseen (3.5.2).

Menetelmä	Massaluku	Mittauaika (min)	Alkuaineet
MR-TOF	80	36	Ga, Ge, As, Se
MR-TOF	86	16	As, Se, Br, \mathbf{Kr}
MR-TOF	100	59	Sr, Y, Zr, Nb, Mo
MR-TOF	104	61	Zr, Nb, Mo, Tc, Ru
MR-TOF	110	90	Mo, Tc, Ru, Rh, Pd
Gamma	80	75	Ge, Ga, As
Gamma	86	46	As, Se, Br
Gamma	100	44	Sr, Y, Zr, Nb
Gamma	104	235	Nb, Mo, Tc
Gamma	110	48	Tc, Ru, Rh
Gamma	124	37	Ag, Cd, In
Gamma	136	58	Te, I
	JYFL	TRAP mittaukset 2010-20	14
		Mittaussyklin kesto (ms)	
menetelmä	massaluku	RFQ + loukku	alkuaineet
TRAP	80	431 + 431	Ge, As, \mathbf{Se}
		250 + 450	Ge, As, \mathbf{Se}
TRAP	86	331 + 431	Se, Br
		381 + 431	Br, \mathbf{Kr}
TRAP	100	381 + 431	Y, Zr, Nb
		381 + 431	Zr, Nb
TRAP	104	200 + 500	Zr, Nb, Mo, Tc, Ru
TRAP	110	431 + 431	Tc, Ru, Rh
TRAP	124	200 + 500	Cd, In, Sb+ \mathbf{Sn}
		250 + 450	Cd, In, Sb+ \mathbf{Sn}
TRAP	136	250 + 450	Te, I, Xe +Cs, Ba
3.5.2 Riippumattomat isotooppiset tuottomittaukset

Toinen työn tavoite oli tutkia, kuinka MR-TOF-menetelmällä määritetyt fissiotuotot vertautuvat Penningin loukun avulla määritettyihin, sekä täydentää aikaisempaa Penningin loukulla tehtyihin mittauksiin jääneitä aukkoja. Tässä mittauksessa määritettiin riippumattomat, suhteelliset isotooppiset fissiotuotot molybdeenille, teknetiumille ja ruteniumille, ja osittaiset isotooppiset fissiotuotot niobiumille, rodiumille ja palladiumille. Fissiotuottojen riippumattomuus tarkoittaa, että se kertoo määrän, joka isotooppia tuotetaan suoraan fissiossa. Isotooppisuus tarkoittaa, että tarkasteltavana on tietyn alkuaineen isotooppien fissiotuotto. Tuotot ovat suhteellisia, koska ne saadaan vertaamalla fissiotuottoja toisiinsa, ilman absoluuttista normitusta.

Ioniohjainmenetelmän tehokkuus riippuu alkuaineesta, joten eri alkuaineiden isotooppien tuottojen suhde sisältää fissiotuottojen suhteen lisäksi tehokkuuksien suhteen. Saman alkuaineen isotoopeille tehokkuuksien suhteen on perusteltua uskoa olevan yksi. Mikäli fissiotuottojen massajakauma tunnetaan toisesta mittauksesta, voidaan absoluuttiset fissiotuotot määrittää tämän avulla, kuten esimerkiksi viitteessä [33] on tehty.

Tuottomittaus on vertailumittaus, joka suoritettiin seuraavalla tavalla. MR-TOF lentoaikaerottimen massaspektreistä tunnistetaan massapiikit ja määritetään massapiikin intensiteetti, eli sen muodostavien lentoaikahavaintojen lukumäärä. Tutkittavan isotoopin massapiikin intensiteettiä verrataan referenssi-isotoopin massapiikkiin. Mittaus toistetaan, kunnes alkuaineen fissiotuoton isotooppijakauma on mitattu.

Mittaus toteutettiin siten, että ensin mitattiin referenssimassaksi valitun massaluvun lentoaikaspektri. Sen jälkeen mitattiin tutkittavan massaluvun spektri, ja uudelleen referenssimassan spektri. Näin nähdään, onko IGISOL-laitteiston, RFQionikimputtimen ja MR-TOF:n läpäisyssä tapahtunut muutoksia, tai onko esimerkiksi fission indusoimiseen käytetyn protonisuihkun intensiteetti pysynyt vakaana. Käyttämällä mahdollisimman pitkälle samaa referenssimassaa näitä muutoksia on helpompi seurata. Toisen referenssimassan mittaamisen jälkeen mitattiin tutkittavan massaluvun spektri uudelleen, ennen siirtymistä seuraavaan massalukuun. Jokainen massaluku mitattiin siis kaksi kertaa, ja referenssimassa aina jokaisen mittauksen välissä. Samaa referenssimassaa ei voi käyttää loputtomiin, koska isobaarin muodostavien alkuaineiden jakauma muuttuu hiljalleen. Tässä työssä käytettiin kahta referenssimassaa, A=105 ja A=109. Massaluku A=108 mitattiin kumpaakin referenssimassaa vasten, jotta isotooppijakauman reunat saatiin liitettyä toisiinsa. Ionisuihku ei pysynyt jostain syystä vakaana. Referenssimittauksen jälkeen palatessa tutkittavaan massalukuun havaittujen ionien määrä muuttui, vaikka tutkittavan massaluvun molemmissa mittauksissa käytettiin samoja asetuksia. Suurimmaksi osaksi mittausten aikana suihku oli vakaa, ilman suurempia muutoksia. Poikkeuksena tähän on massaluvun A=103 toinen mittaus, jonka aikana suihkun teho laski selvästi. Massalukujen A=106 ensimmäisen, A=107 ensimmäisen mittauksen jälkeisen referenssin ja A=110 ensimmäisen mittauksen aikana suihkun teho puolestaan kasvoi selvästi. Myös A=110 toisen ja kolmannen mittauksen aikana on havaittavissa loivaa nousua. Referenssimittauksia tarkastellessa ionisuihkulla on huomattavissa laskeva trendi massalukujen A=103 ja A=106 mittausten välillä ja massaluvun A=108 eri mittausten välillä. Nouseva trendi puolestaan oli havaittavissa massalukujen A=106 ja A=108 mittausten ja massalukujen A=110 ja A=112 mittausten välillä. Massaluvun A=110 ensimmäistä mittausta ennemmin täytettiin kylmäloukku, joka on mahdollisesti syypää ionien määrän nousuun sen jälkeen.

Menetelmä	Massaluku/referenssi	Mittausaika (min)	Alkuaineet
MR-TOF	103 (105)	84	Nb, Mo, Tc, Ru
MR-TOF	104 (105)	110	Nb, Mo, Tc, Ru
MR-TOF	106 (105)	86	Nb, Mo, Tc, Ru
MR-TOF	107 (105)	91	Nb, Mo, Tc, Ru
MR-TOF	108 (105)	86	Mo, Tc, Ru, Rh
MR-TOF	108(109)	83	Mo, Tc, Ru, Rh, Pd
MR-TOF	110 (109)	121	Mo, Tc, Ru, Rh, Pd
MR-TOF	111 (109)	80	Tc, Ru, Rh, Pd
MR-TOF	112 (109)	80	Tc, Ru, Rh, Pd

Taulukko 2. Riippumattomien isotooppisten fissiotuottojen mittauksessa käytetyt spektrit.

4 Analyysi

4.1 MR-TOF-spektrien analyysi

Työn tavoite oli määrittää eräiden fissiotuotteiden tuotto 25 MeV protonilla indusoidussa ²³²Th fissiossa. Tutkittavat isotoopit oli valittu ensinnäkin siten, että tuloksia voitaisiin systemaattisesti vertailla aikaisempaan, Penningin loukulla tehtyyn tuottomittaukseen [1]. Toiseksi, tutkituilla tuotoilla on tarkoitus täydentää Penningin loukulla tehtyjä mittauksia. Tätä varten MR-TOF:lla mitatuista lentoaikaspektreistä oli tunnistettava fissiotuotteet ja määritettävä kutakin isotooppia vastaavan massapiikin intensiteetti eli havaittujen isotooppien lukumäärä.

MR-TOF lentoaikadata talletettiin mittausten aikana levylle binäärimuotoisena. Binäärimuotoiseen dataan on talletettu jokaisen RFQ-kimputtimesta MR-TOF: iin syötetyn ionikimpun universaali lähtöaika ja jokaisen ilmaisimella havaitun ionin saapumisaika. Jokaisen ionin havaitsemishetki, päivä ja kellonaika ovat tiedossa. Binääridatasta lajitellaan analyysiä varten ascii-muotoinen lentoaikaspektri, jonka ensimmäisessä sarakkeessa on lentoaika 1 ns tarkkuudella ja toisessa niiden ionien lukumäärä, joilla on ollut tämä sama lentoaika. Binääridatan kellonaikojen universaalius mahdollistaa myös mittaushistorian tarkastelun. Kuvassa 6 on esimerkki massaluvun A=108 ensimmäisen mittauksen suihkun stabiilisuudesta, mustalla katkoviivalla merkitty suihkun keskiarvo ja punaisella datasta laskettu keskihajonta.

Kuvassa 7 on massaluvun A=105 spektri esimerkkinä, miltä lentoaikaspektri näyttää tapauksessa, jossa piikit ovat selvästi erillään. Isotooppien lentoaikapiikit muistuttavat muodoltaan pitkälti gaussista käyrää, mutta niiden oikealla, pidemmän lentoajan puolella on lisäksi "häntä", joka jatkuu seuraavien piikkien alle. Massapiikin muodon tarkka tunteminen on tarpeellista, kun piikit ovat päällekkäin massaspektrissä.

GSI:n FRS Ion Catcher- fragmenttiseparaattorin MR-TOF-laitteiston massapiikin muotoa on tutkittu hyvin yksityiskohtaisesti erilaisissa erottelutilanteissa [34]. Kuvassa 8 on esitetty massapiikin muoto tapauksessa, jonka massaresoluutio vastaa tämän työn mittauksia. Piikin muoto ei oikeastaan vastaa ollenkaan IGISOL:n



Kuva 6. Hiukkassuihkun stabiilisuus massaluvun A=108 ensimmäisen mittauksen aikana. Mustalla katkoviivalla on merkitty suihkun keskiarvo ja punaisella tilastollinen hajonta.

MR-TOF erottimen massapiikkiä. On mahdollista, että IGISOL-MR-TOF piikit voitaisiin sovittaa käyttäen viitteen [34] funktioita. Tämän työn tavoitteena ei ole kuitenkaan tarkkuusmassamittausten tekeminen, vaan massapiikkien intensiteettien määrittäminen, joten seuraavassa esiteltyä menettelyä voidaan pitää riittävänä. Tälläkin analyysimenetelmällä fissiotuotot saadaan määritettyä huomattavasti tarkemmin kuin gammaspektroskopialla, ja MR-TOF:lla saavutetun suuren statistiikan ansiosta myös tarkemmin kuin JYFLTRAP Penningin loukulla.

Suurin MR-TOF mittauksien epävarmuus osoittautui liittyvän siirtymiseen massaluvusta toiseen. Tämän epävarmuuden aiheuttajaa ei toistaiseksi tiedetä. Siitä aiheutuva epävarmuus on niin suuri, ettei massapiikkien intensiteetin määritystarkkuuden parantaminen ei siis oleellisesti paranna lopputuloksen tarkkuutta.

Massapiikkien intensiteetit määritettiin spektristä seuraavasti. Kuvan 7 spektrissä on punaisilla katkoviivoilla merkitty lentoajat, joiden välille osuneiden ionien lukumäärä otetaan kyseisen piikin intensiteettiin sellaisenaan. Sinisten katkoviivojen väliin jäävää aluetta on käytetty eksponentiaalisen hännän sovittamiseen. Piikin intensiteettiin lisätään punaisten katkoviivojen välin ulkopuolelle ulottuvan hännän eksponenttifunktiolla sovitettu pulssimäärä. Jokaisesta piikistä vähennetään sen alle mahdollisesti ulottuvan naapuripiikin sovitetun hännän pulssimäärä. On hyvä huomata, että spektrin y-akseli on logaritmisella asteikolla ja häntien vaikutus havaittujen



Kuva 7. Massaluvun A=105 MR-TOF-mittauksen spektri.



Kuva 8. Esimerkki GSI:n MR-TOF-laitteiston massapiikin muodosta. Kuva lähteestä [34].

hiukkasten lopulliseen lukumäärään on varsin pieni. Häntien vaikutus kuitenkin on suurempi, jos pieni piikki on lähempänä suurempaa piikkiä, jolloin pienempi piikki voi hukkua suuremman piikin hännän sekaan. Toisessa ongelmatapauksessa kaksi tai useampia piikkejä voi olla erittäin lähellä toisiaan, jolloin niiden hiukkasten lukumäärien erottaminen toisistaan on vaikeampaa.

Spektreistä saadut lukumäärät isotoopeille kertovat vain sen, kuinka monta isotooppia on havaittu. Lentomatkan pituus vaikuttaa näiden piikkien intensiteetteihin, koska osa ioneista siroaa matkalla, eikä tule havaituksi. Havaittuja määriä täytyy siksi korjata kierrosmäärän mukaisesti, jotta saataisiin selville MR-TOF:iin injektoitujen ionien lukumäärä. Ionikimppujen puoliintumismatkaksi on arvioitu noin 550 kierrosta. Lentomatkan lisäksi määriä täytyy korjata radioaktiivisen hajoamisen vuoksi isotooppien puoliintumisaikojen suhteen. Näiden korjattujen arvojen ja mittausaikojen avulla voidaan laskea suhteellisia fissiotuottoja. Lopulliset fissiotuotot määritetään kunkin alkuaineen suhteellisten isotooppijakaumien kautta, koska ioniohjaimen tehokkuus eri alkuaineille vaihtelee mittauksesta toiseen ja jopa saman mittauksen aikana [35]. Tehokkuus saman alkuaineen eri isotoopeille pitäisi kuitenkin olla sama koko ajan. Isotooppijakaumat määritetään suhteessa referenssi-isotoopin tuottoon.

Taulukossa 3 on koottuna esimerkkinä massaluvun A=104 ja sitä vastaavan referenssimassaluvun A=105 havaitut ja korjatut isotooppimäärät ja näistä laskettu suhteellinen fissiotuotto. Isotooppien lukumäärän epävarmuutena on käytetty tilastollista virhettä. Lukumäärä on korjattu yhtälöllä

$$N_k = N_H e^{\frac{D \ln 2}{D_{1/2}}},$$
(11)

missä N_k on korjattu ja N_H havaittu ionien lukumäärä, D lentomatkan kierrosten lukumäärä ja $D_{1/2}$ on puoliintumismatka 550 kierrosta. Puoliintumismatkan epävarmuus on jätetty huomioimatta korjatun lukumäärän epävarmuudessa. Referenssimittausten korjattujen arvojen epävarmuuksiin on lisätty ionisuihkun vaihtelun tuottama epävarmuus. Tämä epävarmuus on laskettu referenssimittausten isotooppien ionien määrien vaihteluista mittausten välillä isotoopin ionien vaihtelun keskiarvon ja -hajonnan avulla. Suhteellista tuottoa laskettaessa korjatut isotooppimäärät on normitettu mittausajoilla ja ilmoitettu muodossa ionia/sekunti. Suhteelliset isotooppiset fissiotuotot suhteessa referenssimittauksen tuottoihin on laskettu korjatuista arvoista yhtälöllä

$$Y = \frac{Y_m}{Y_r},\tag{12}$$

missä Y_m on mitatun massaluvun korjattu arvo ja Y_r on referenssin korjattu arvo. Suhteellisten isotooppisten fissiotuottojen epävarmuudet on laskettu keskivirheen kasautumislailla. Liitteessä A on koottuna muiden massalukujen MR-TOF-mittausten taulukoidut hiukkasmäärät ja suhteelliset fissiotuotot. Lopulliset suhteelliset isotooppiset fissiotuotot saadaan massaluvun eri mittausten painotetulla keskiarvolla. Nämä on koottuna luvussa 5.2 taulukossa 7.

Taulukko 3. Massaluvun A=104 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=104 mittauksessa käytetty kierrosluku on 935. Zirkoniumia ei havaittu referenssimittauksessa.

	aika (min)	Ru	Tc	Мо	Nb	Zr
A=105	33	6775 ± 83	127749 ± 385	192434 ± 439	9855 ± 100	
A=104	30	2311 ± 49	33722 ± 184	170188 ± 413	15913 ± 127	1352 ± 37
A=105	15	3062 ± 56	60721 ± 247	91862 ± 304	4949 ± 71	
A=104	31	2283 ± 48	32466 ± 181	167515 ± 124	15321 ± 124	1244 ± 36
A=105	15	2640 ± 52	47927 ± 219	75261 ± 275	3939 ± 93	
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus						
A=104 A=105 104/105 suhteellinen fissiotuotto		$\begin{array}{c} 4,1437 {\pm} 0,0879 \\ 11,0829 {\pm} 0,1822 \\ 0,3739 {\pm} 0,0101 \end{array}$	$\begin{array}{c} 60,4676 {\pm} 0,3299 \\ 212,3619 {\pm} 4,4399 \\ 0,2847 {\pm} 0,0062 \end{array}$	$\begin{array}{c} 305,3675 {\pm} 0,7410 \\ 320,6899 {\pm} 6,9685 \\ 0,9523 {\pm} 0,0208 \end{array}$	$\begin{array}{c} 28,7760 {\pm} 0,2297 \\ 16,9158 {\pm} 0,9035 \\ 1,7011 {\pm} 0,0919 \end{array}$	2,5427±0,0686
Toinen mittaus						
A=104 A=105 104/105 suhteellinen		$4,0138\pm0,0844$ $10,3839\pm0,5457$ 0.2865 ± 0.0210	$57,0814\pm0,3182$ $197,8769\pm25,3557$ 0.2885 ± 0.0260	294,7160±0,2182 304,7029±29,1369	$27,1657\pm0,2199$ $16,4156\pm1,8534$ $1,6540\pm0,1873$	2,2940±0,0664
fissiotuotto		$0,3865 \pm 0,0219$	$0,2885\pm0,0369$	$0,9672\pm0,0925$	$1,0549\pm0,1873$	

4.2 Gammaspektrien analyysi

Mitatut gammaspektrit on tallennettu listamuotoisena eventtidatana. Spektrit muodostettiin IGISOL-tutkimusryhmän versiolla GRAIN-ohjelmasta käyttäen on-line mittauksissa tehtyä energiakalibraatiota. Energiakalibraatio osoittautui riittävän tarkaksi gammapiikkien tunnistamiseen.

Kuvassa 9 on esitetty esimerkkinä massaluvun A=86 spektri. Valitsin merkityt piikit, koska ne liittyvät eri isotooppien suurimpien intensiteettien gammoihin. Spektreissä näkyy piikkien lisäksi "pohja" piikkien alla, jota arvioin Asymmetric Least Square Smoothing-algoritmilla [36], jotta sen voi vähentää pois spektristä. Kuvassa 10 näkyy pohjan arvioitu käyrä, jonka parametrejä säädin, kunnes se seurasi silmämääräisesti arvioitua pohjaa tutkittavien piikkien kohdalla. Pohjan arvioinnissa käytetty algoritmi ei saanut muodostettua sopivaa käyrää suoraan dataan spektrin alkuosassa ja jouduin asettamaan alkukorkeuden datalle energiavälille 0-80 keV. Tämä ei kuitenkaan haittaa datan analyysiä, sillä kyseisellä alueella ilmaisimet eivät kyenneet havaitsemaan gammoja.

Kuvassa 11 spektrin arvioitu pohja on poistettu. Kuten kuvasta nähdään, pohjan poistaminen siisti spektriä varsin hyvin, mutta sovitin gaussiset käyrät varmuuden vuoksi piikkeihin. On hyvä huomata, että kuvassa 11 energian sijaan x-akselilla on käytetty kanavalukua. Tämä johtuu siitä, että Python-koodini laski gaussisen sovituksen pinta-alan väärin energian arvoilla. Huomasin tämän, kun vertasin pintaalaa havaittujen gammojen lukumäärään kyseisellä välillä. Kuvassa 12 on esimerkki gaussisesta sovituksesta, joka on sovitettu massaluvun A=86 seleenin 382,4 keV energian piikkiin.



Kuva 9. Massaluvun A=86 gammaspektri, josta on tunnistettu isotooppien intensiivisimmät gammapiikit. Isotooppien piikit merkitty eri väreillä, arseeni mustalla, seleeni punaisella ja bromi sinisellä.

Tutkittavien massalukujen lisäksi tehtiin myös tehokkuuskalibraatiomittaus näiden mittausten geometriassa, jotta saatiin selville, kuinka tehokkaasti ilmaisin havaitsi gammat milläkin energialla. Tässä käytettiin kalibraatiolähdettä, jossa oli ¹³³Ba ja ¹⁵²Eu isotooppeja. Taulukossa 4 nähdään lähteen tarkemmat tiedot ja kuinka monta gammaa lähteestä olisi emittoitunut ja paljonko kutakin gammaa havaittiin. Havaittujen gammapiikkien ja lähteestä emittoituvien gammojen suhteesta lasketaan havaitsemistehokkuus kullakin energialla. Kuvassa 13 on kalibraatiolähteistä lasketut havaitsemistehokkuudet ja niihin tehdyt sovitukset. Alle 160 keV alueella tehokkuuskäyrä käyttäytyy paraabelin mukaisesti ja sen jälkeen sitä voi kuvata kahdella eri potenssifunktiolla 160-300 keV ja yli 300 keV alueilla. Kuvasta näkyy, että pienillä energioilla havaitsemistehokkuus muuttuu erittäin rajusti ja sovitukseen oli käytettävissä vain kolme mittauspistettä, joten kyseisen alueen tarkkuudesta ei voida olla niin varmoja. Lisäksi ¹³³Ba 160,6 keV gammapiikin intensiteetti on hyvin pieni, mutta se on kriittinen piste sovituksen kannalta, joten se täytyi ottaa mukaan sovitukseen.

Tehokkuuskäyrän kulun tarkentamiseksi käytin ¹³³Ba ja ¹⁵²Eu lähteestä saamieni pisteiden lisäksi fissiotuotteiden gammaspektreistä saatuja tehokkuuksia. Nämä "bootstrap"-pisteet määritin seuraavasti. Esimerkiksi ⁸⁶Se:ssä on viisi gammaa, joiden intensiteetti on yli 7 % kaikista hajoamisista. Nämä intensiteetit tunnetaan hyvällä tarkkuudella [37]. Laskin näille siirtymille mitatusta spektristä määritetyn gamma-



Kuva 10. Massaluvun A=86 gammaspektri, johon on sovitettu spektrissä esiintyvää pohjaa vastaava käyrä.



Kuva 11. Massaluvun A=86 gammaspektri, josta spektrin pohja on poistettu.



Kuva 12. Massaluvun A=86 gammaspektristä tarkennettu seleenin 382,4 keV energian piikkiin, johon on tehty gaussinen sovitus.

piikin pulssimäärän ja siirtymän tunnetun intensiteetin suhteen. Normitin laskemani suhteet siten, että 382 keV gammalle laskettu suhde osui yksiin lähteestä määritetyn tehokkuuskäyrän kanssa. 382 keV on ⁸⁶Se pisteistä lähimpänä ¹³³Ba kalibraatiopisteitä. Muiden neljän pisteen pitäisi myös osua tehokkuuskäyrälle. Toistin menettelyn ⁸⁰Ga, ⁸⁰Ge, ⁸⁰As, ⁸⁶As, ⁸⁶Br ja ¹³⁶I gammapiikeille. Lopuksi sovitin tehokkuuskäyrän uudelleen kalibraatiolähteestä ja "bootstrappauksesta" saatuihin pisteisiin. Tällä tavoin tehokkuuskäyrän oikeellisuudesta voitiin varmistua ja parantaa etenkin suurille energioille ekstrapoloidun tehokkuuskäyrän tarkkuutta.

Laadittu tehokkuuskalibraatio on suhteellinen. Tämä on kuitenkin riittävä sen arvioimiseen, kuinka paljon isotooppien Z-jakauma mahdollisesti muuttuu RFQ:ssa ja MR-TOF:ssa. Absoluuttisen tehokkuuskalibraation avulla olisi ollut mahdollista arvioida ionien häviötä RFQ:ssa ja MR-TOF:ssa.

Mittauksen kesto 45 minuuttia				
	Aktiivisuus (Bq)	Puoliintumisaika	Aktiivisuus (Bq)	Hajoamisten määrä
Isotooppi	(2.6.1986)	(vuosina)	(3.3.2023)	mittauksen aikana
Ba-133	109000	10,51	9640,4682	26029264
Eu-152	169000	$13,\!54$	25720, 1272	6944424
TT	• • • • • •			
Hava	itut gammat			
Isotooppi	$\gamma\text{-}\mathrm{energia}~(\mathrm{keV})$	Havaittu määrä	Intensiteetti [38]	${\it Havaitsemistehokkuus}$
Ba-133	81,0	648352 ± 1121	$0,329 \pm 0,003$	$0,076 \pm 0,006$
Eu-152	121,78	11241062 ± 3620	$0,\!2841 \pm 0,\!0013$	$0{,}57\pm0{,}04$
Ba-133	160,612	98867 ± 1316	$0,00638 \pm 0,00005$	$0,60 \pm 0,05$
Eu-152	244,6974	1506911 ± 1509	$0,0755\pm0,0004$	$0,\!29 \pm 0,\!02$
Ba-133	276,4	479188 ± 1029	$0,0716\pm0,0005$	$0,26 \pm 0,02$
Ba-133	302,85	1081091 ± 1252	$0,1834 \pm 0,0013$	$0{,}23\pm0{,}02$
Eu-152	344,3	3436882 ± 1986	$0,2659\pm0,0012$	$0,186 \pm 0,013$
Ba-133	356,02	2918467 ± 1832	$0,\!6205\pm0,\!0019$	$0,181 \pm 0,013$
Eu-152	778,9	592473 ± 873	$0,\!1297\pm0,\!0006$	$0,066 \pm 0,005$
Eu-152	1299,142	41108 ± 244	$0,\!01633\pm0,\!00011$	$0,036 \pm 0,003$

Taulukko 4. Kalibraatiolähteen tiedot ja havaitut gammat.



Kuva 13. Kalibraatiolähteen avulla laskettu havaitsemistehokkuuskäyrä energian funktiona BeGe-gammailmaisimelle.

Spektreistä määritetyistä gammapikkien intensiteeteistä saadaan laskettua lähteestä lähteneiden gammafotonien kokonaismäärä jakamalla intensiteetti piikin energiaa vastaavalla havaitsemistehokkuudella. Gammojen kokonaismäärästä saadaan beetahajoamisten lukumäärä jakamalla se kyseisen gammahaarauman suhteellisella intensiteetillä. Saatu beetahajoamisten lukumäärä on kyseessä olevan isotoopin kumulatiivinen tuotto, joka sisältää suoraan fissiosta tuotetun määrän kyseistä isotooppia ja kaiken, mikä on tullut hajoamisketjussa isotoopin yläpuolella.

Suoran tuoton saamiseksi on vähennettävä hajoamisketjussa yläpuolella olevan isotoopin kumulatiivinen tuotto saadusta kumulatiivisesta tuotosta. Esimerkiksi ⁸⁶Se suoran tuoton saamiseksi sen kumulatiivisesta tuotosta on vähennettävä ⁸⁶As kumulatiivinen tuotto. Osalla isotoopeista on myös isomeerisiä tiloja, joita tulee vain suoraan fissiosta. Niiden tuotto pitää lisätä kumulatiivisesta tuotosta laskettuun suoraan tuottoon.

Taulukossa 5 on koottuna esimerkkinä massaluvun A=86 spektristä havaittujen gammojen lukumäärät, gammojen suhteellinen intensiteetti, havaitsemistehokkuus kyseisellä energialla ja näiden vastaavat epävarmuudet. Lisäksi taulukossa on edellä mainittujen avulla lasketut kumulatiiviset tuotot kullakin energialla ja vastaavat epävarmuudet. Havaittujen gammojen lukumäärien epävarmuudet on laskettu neliöllisesti yhdistämällä gammojen ja pohjan statistiset epävarmuudet, suhteellisten intensiteettien epävarmuudet ovat kirjallisuuslähteiden mukaiset ja havaitsemistehokkuuden epävarmuudet on laskettu käyttäen 68 %:n virherajoja. Kumulatiivisten tuottojen epävarmuudet on määritetty keskivirheen kasautumislain mukaisesti. Taulukossa 6 on massaluvun A=86 kumulatiivisten tuottojen keskiarvo ja vastaavat suorat tuotot epävarmuuksineen. Kumulatiivisten tuottojen keskiarvo on laskettu painotetulla keskiarvolla, jonka painoina on käytetty gammapiikkien intensiteettien statistista epävarmuutta. Suorien tuottojen epävarmuus on saatu neliöllisesti yhdistämällä alkuaineen ja hajoamisketjussa sitä edeltävän alkuaineen kumulatiivisten tuottojen epävarmuudet. Suorien fissiotuottojen laskemisen jälkeen suhteutin ne massaluvuittain eri menetelmistä saatujen tuottojen vertailua varten. Liitteessä B on koottuna muiden massalukujen vastaavat taulukot.

Taulukko 5. Massaluvun A=86 taulukko, jossa on koottuna tutkittavien gammojen lukumäärä, intensiteetti, havaitsemistehokkuus ja niistä laskettu kumulatiivinen tuotto. Havaitsemistehokkuus on pyöristetty taulukkoon 15-yksikön säännöllä selvyyden vuoksi, laskut on tehty tarkoilla arvoilla.

		Havaittu		Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	$\gamma\text{-}\mathrm{energia}$	määrä	Intensiteetti [37]	tehokkuus	tuotto
As	704,2	486	1*	0,078	6232
		\pm 88	\pm 0,1	\pm 0,002	± 1296
Se	207,5	25935	0,07783	0,39	844470
		± 258	\pm 0,00387	\pm 0,02	\pm 56872
Se	382,4	10413	0,07654	0,168	809066
		± 169	\pm 0,00387	\pm 0,006	\pm 50325
Se	2010,6	1750	0,10191	0,0208	824315
		\pm 74	\pm 0,00516	\pm 0,0008	± 62379
Se	2441,1	6056	0,43	0,0163	863002
		\pm 93	\pm 0,0215	\pm 0,0007	\pm 58167
Se	2660	2582	0,21586	0,0146	816596
		± 61	\pm 0,01075	\pm 0,0007	\pm 58108
Br	$1361,\!63$	7367	0,102	0,0340	2123138
		± 128	\pm 0,009	\pm 0,0010	\pm 199689
Br	1389,73	7099	0,102	0,0332	2099169
		± 119	\pm 0,008	\pm 0,0010	± 178308
Br	1564,6	36587	0,62	0,0286	2066106
		± 204	± 0.05	\pm 0,0009	± 178626
Br	2349,37	3607	0,097	0,0171	2171392
		\pm 78	$\pm 0,008$	$\pm 0,0007$	± 205826
Br	2751,06	5929	0,191	0,0140	2210879
		\pm 84	\pm 0,016	\pm 0,0007	± 213592

*Arseenin absoluuttisen intensiteetin kerrointa ei annettu, käytetty intensiteetti antaa alarajan tuotolle.

Taulukko 6. Massaluvun A=86 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
As	6232 ± 1296	$6,2 \pm 1,3$
Se	822712 ± 54789	816 ± 55
Br	2117669 ± 191215	1291 ± 199

5 Tulokset

5.1 Isobaarijakaumat (Z-jakaumat)

Eri menetelmillä (hajoamisspektroskopia, lentoaikaerottelu ja massafiltteröinti Penningin loukulla) määritettyjen isobaaristen, eli saman massaluvun fissiotuottojen Z-jakaumat ovat esiteltynä kuvissa 14-20. Jakaumien gaussiset sovitukset on tehty gammamittausten pisteisiin. Kaikille jakaumille käytetty leveysparametri on massaluvun A=100 sovituksen leveysparametri. Tämä on paras arvaus jakaumien leveydelle, sillä kyseisessä massaluvussa on eniten mittapisteitä. On huomattava, että kuvissa esitetyt tuotot ovat havaittuja tuottoja, jotka on korjattu radioaktiivisen hajoamisen suhteen. Havaittuun tuottoon vaikuttaa kuitenkin isotooppien kemia.

Eri menetelmien suhteelliset tuotot on kiinnitetty toisiinsa suurimman yhteisen pisteen mukaisesti. Kuvista huomataan, että menetelmät antavat yleisesti samankaltaisia jakaumia ja vaikuttavat olevan kohtalaisen hyvin approksimoitavissa gaussisella jakaumalla. Huomattavan monessa tapauksessa muutkin kuin normituspisteen tuotto osuvat kaikilla menetelmillä aivan päällekkäin.

Menetelmien tuottamien tulosten välisistä eroista ilmeisimpiä ovat gammamittauksien huomattavasti suuremmat epävarmuudet. Statistisen epävarmuuden lisäksi gammamittauksiin liittyvät intensiteettien ja havaitsemistehokkuuksien epävarmuudet. Lisäksi gammamittaus antaa kumulatiiviset tuotot, joiden muuntaminen riippumattomiksi tuotoiksi lisää tuottojen virhettä. Toinen selvä ero gammamittauksissa on se, että stabiilien isotooppien tuotoista ei saada mitään tietoa. Toisaalta tiedetään, että ioniohjaimesta saadaan myös useiden alkuaineiden isotooppien ioneja. Nämä isotoopit ovat peräisin muun muassa pysäytyskaasun epäpuhtauksista, eikä niillä ole mitään tekemistä fissiotuotteiden kanssa. Tämä näkyy siinä, että stabiilien isotooppien intensiteettisuhteet samoilla asetuksilla saman alkuaineen isotooppien ionien havaittu lukumäärä ei välttämättä sekään kuvaa niiden fissiotuottoa.

MR-TOF ja Penningin loukun suhteelliset tuotot ovat enimmäkseen hyvin lähellä toisiaan, menetelmillä ei kuitenkaan aivan kaikista massaluvuista saanut samoja tietoja. Esimerkiksi massaluvussa A=86 stabiilia kryptonia oli reilusti enemmän MR-TOF-mittauksissa, eikä sen fissiotuotosta voida päätellä mitään.

Massaluvun A=80 tuottojakaumassa (kuva 14) arseenin tuotot eivät ole sopusoinnussa keskenään. ⁸⁰As havaittu tuotto näyttää riippuvan hyvin vahvasti mittausmenetelmästä. Kaikista mitatuista isotoopeista ⁸⁰As lisäksi vain ¹³⁶Te eri menetelmillä mitatut tuotot eivät ole yhteneväisiä virherajojen puitteissa. Erot ovat kuitenkin sikäli yllättäviä, että ⁸⁰As tuotto on pienin MR-TOF-menetelmässä, eikä JYFL-TRAP mittauksessa, jossa ioneja pidettiin jo RFQ-ionikimputtimessa viisi kertaa pidempään kuin lentoaikamittauksessa RFQ:ssa ja MR-TOF:ssa yhteensä. Lisäksi massaluvussa A=86 ⁸⁶As havaitut tuotot eri menetelmillä ovat lähes yhteneväiset. MR-TOF-mittauksissa havaittu arseenin piikki osittain hukkuu sitä edeltävään, stabiilin seleenin piikkiin. Piikissä on seleenin lisäksi myös stabiilia kryptonia. Seleenin ja kryptonin fissiotuotoista ei tästä piikistä voida päätellä mitään. Piikin intensiteetti oli monta kertalukua jopa odotettua enemmän, joten jätin sen pois kuvasta 14.

On erittäin mahdollista, että ioni-ilmaisimesta saatavien pulssien latoutuminen (pile-up) hävittää ioneja spektristä. Havaitsematta jäävät nimenomaan arseenista tulevat signaalit, koska keveämmät seleeni ja krypton osuvat ilmaisimeen ensiksi. Tämä ei kuitenkaan selitä JYFLTRAP-mittauksen ⁸⁰As pientä tuottoa. Saattaa olla, että tämä ero todella johtuu arseenin kemiallisista ominaisuuksista. Toisaalta massaluvun A=86 tehokkuudet menevät kokonaan toisin päin. Gammaspektristä määritetty ⁸⁶As suhteellinen tuotto perustuu kuitenkin vain yhteen gammaan, jonka intensiteetti on alle 500 pulssia 19. ⁸⁶As tuotto on lisäksi selvästi alle seleenin ja bromin tuottojen asettaman gaussisen, gammoihin tehdyn sovituksen tason. ⁸⁰As ja ⁸⁶As havaittujen tuottojen ristiriita voi siis johtua myös ⁸⁶As tuoton epätarkkuudesta.

Massaluvun A=80 tuotoissa myös ⁸⁰Ga havaitaan vähemmän, kuin pääosin Ge ja As pisteiden määrittämä gaussinen sovitus ennustaa. Tämä oli myös ⁸⁶As tilanne, ja sekä ⁸⁰Ga, että ⁸⁶As ovat kauimpana jakauman neutronirikkaalla laidalla. On siis mahdollista, että käytetty leveysparametri on hieman liian suuri sekä massaluvulle A=80 ja A=86. ⁸⁰Ga suhteellinen tuotto MR-TOF menetelmällä vaikuttaa hieman pienemmältä kuin gammamittauksessa. Ero ei ole kuitenkaan merkittävä.

Massaluvun A=86 (kuva 15) MR-TOF data sisälsi stabiilia kryptonia paljon enemmän kuin odotettiin. Penningin loukusta saatu kryptonin tuotto näyttäisi olevan huomattavasti lähempänä tehtyä sovitusta. Kryptonin stabiilit isotoopit ovat heliumkaasun epäpuhtauksia, joten niiden määrä voi vaihdella voimakkaasti.



Kuva 14. Massaluvun A=80 suhteelliset fissiotuotot gamma-, MR-TOF- ja Penning-loukku-mittauksista. Jakaumat on normitettu 80 Ge kohdalta.



Kuva 15. Massaluvun A=86 suhteelliset fissiotuotot gamma-, MR-TOF- ja Penning-loukku-mittauksista. Jakaumat on normitettu $^{86}\mathrm{Br}$ kohdalta. $^{86}\mathrm{Kr}$ on stabiili isotooppi.

Massaluvussa A=100 (kuva 16) eri menetelmät ovat enimmäkseen sopusoinnussa keskenään, mutta strontiumia ja yttriumia on havaittu enemmän kuin sovitus ennustaa. Strontiumin gammoista on havaittavissa vain yksi piikki, joka on hyvin pieni. MR-TOF spektrissä sen piikin intensiteetti on pieni ja se on kahden massalukuun kuulumattoman hiukkasen piikin välissä. Tähän viittaa se, että piikit ovat noin kaksi kertaa strontiumin piikkiä leveämpiä, joten on todennäköistä, että ne kuuluvat jollekin raskaamman isotoopin +2 ionille. MR-TOF spektrissä molybdeeni ja teknetium ovat täysin päällekkäin, eikä niitä voida erottaa toisistaan. Teknetiumin määrän oletetaan kuitenkin olevan hyvin vähäistä, joten kaikki intensiteetti on annettu molybdeenille. Molybdeeni on stabiilia ja sitä on havaittavissa selvästi enemmän kuin sovitus ennustaa. Molybdeeni kuuluu alkuaineisiin, jota havaitaan IGISOL:n ionisuihkussa luonnollisten isotooppien pitoisuussuhteessa [33].



Kuva 16. Massaluvun A=100 suhteelliset fissiotuotot gamma-, MR-TOF- ja Penning-loukku-mittauksista. Jakaumat on normitettu ¹⁰⁰Zr kohdalta. ¹⁰⁰Mo on stabiili isotooppi.

Massaluvussa A=104 (kuva 17) gammoista saatu fissiotuotto teknetiumille poikkeaa muista menetelmistä erittäin paljon. Teknetiumin suhteellinen riippumaton tuotto on itse asiassa negatiivinen, mikä johtuu molybdeenille määritetystä teknetiumia korkeammasta kumulatiivisesta tuotosta. Kaikkein pienienergisimmistä gammoista määritetyt molybdeenin fissiotuotot ovat jopa kaksinkertaiset muista gammoista määritettyihin verrattuna 21. Koska ilmaisimen tehokkuuskalibraatio on tällä alueella suhteellisen epäluotettava datapisteiden vähyyden takia, jätin 86 keV ja 91 keV pisteistä lasketut tuotot huomioon ottamatta. Teknetiumin tuotto jää silti negatiiviseksi, mikä ei tietenkään ole mahdollista. Toisaalta teknetiumin gammoista lasketun tuoton yläraja on sopusoinnussa muiden menetelmien kanssa. Menetelmät ovat sopusoinnussa keskenään niobiumin tuoton kannalta, mutta tuotto on huomattavasti alhaisempi kuin sovitus ennustaa. Tämä voisi johtua siitä, että niobiumin gammaintensiteettien normituskerrointa ei ole ilmoitettu (ks 21). Käytetyt intensiteetit antavat tällöin vain alarajan niobiumin tuotolle. Kuitenkin myös MR-TOF ja JYFLTRAP mittaukset antavat niobiumille yhtäpitävästi sovituskäyrää pienemmän tuoton. Tämän voi tulkita siten, että niobiumin tuotto kärsii kemiallisista efekteistä viereisiä alkuaineita enemmän, mutta nämä efektit tapahtuvat jo ioniohjaimessa. Gammamittausten ongelmien vuoksi gaussinen sovitus on tehty poikkeuksellisesti MR-TOF:n pisteisiin.



Kuva 17. Massaluvun A=104 suhteelliset fissiotuotot gamma-, MR-TOF- ja Penning-loukku-mittauksista. Jakaumat on kiinnitetty ¹⁰⁴Mo kohdalta. ¹⁰⁴Ru on stabiili isotooppi. Gammamittausten ongelmien vuoksi gaussinen sovitus on tehty poikkeuksellisesti MR-TOF:n pisteisiin.

Massaluvussa A=110 (kuva 18) gammamittauksissa havaittiin ruteniumista vain yksi gamma, joka sijaitsee havaitsemistehokkuuden epävarmimmalla alueella 22. Tämän seurauksena ruteniumin tuoton määrästä ei voida olla täysin varmoja. Näyttäisi kuitenkin siltä, että eri menetelmillä lasketut tuotot ovat sopusoinnussa keskenään kiinnitettäessä tuotot ruteniumiin, joka parantaa luottamusta gammamittauksen antamaan ruteniumin tuottoon. MR-TOF spektreissä stabiili palladium on stabiilin kadmiumin hännässä hopean kanssa, eikä hopeaa saatu erotettua hännistä. Kadmiumin ja hopean fissiotuotot ovat sovituksen perusteella mitättömän pienet, joten suurta ongelmaa tämä ei tuota. Vaikka palladium ei kuulu alkuaineisiin, joiden luonnollisten isotooppien ioneja olisi IGISOL:n suihkussa, parhaankin palladiumin massapiikin intensiteettiarvion jälkeen laskin palladiumia edelleen havaittavan enemmän kuin sovitus ennustaa fissiosta tulevan.



Kuva 18. Massaluvun A=110 suhteelliset fissiotuotot gamma-, MR-TOF- ja Penning-loukku-mittauksista. Jakaumat on kiinnitetty ¹¹⁰Ru kohdalta. ¹¹⁰Pd on stabiili isotooppi.

Massaluvuista A=124 (kuva 19) ja A=136 (kuva 20) ei mitattu MR-TOF dataa, joten niistä on vertailtu vain gammojen ja Penningin loukun tuottoja. Massaluvussa A=124 indiumin intensiivisin piikki sijaitsee havaitsemistehokkuuskäyrän epätarkimmalla alueella. Kyseinen piikki antaa huomattavasti suuremman tuoton kuin muut piikit, joten jätin sen huomioimatta 23. Penningin loukun mittauksissa antimonin ja stabiilin tinan piikit ovat päällekkäin. Näiden tuotto on merkitty tinan kohdalle. Hopean puoliintumisaika puolestaan on liian lyhyt mittaamiseen Penningin loukulla. Gammamittauksesta laskettu hopean tuotto poikkeaa sovituksesta huomattavan paljon.

Massaluvussa A=136 telluurin epäluotettavat gammapiikit 24 on myös jätetty



Kuva 19. Massaluvun A=124 suhteelliset fissiotuotot gamma- ja Penning-loukkumittauksista. Jakaumat on normitettu ¹²⁴In kohdalta. Stabiilin ¹²⁴Sn ja ¹²⁴Sb massapiikit ovat spektrissä päällekkäin, tuotot asetettu tinan tuotoksi.

huomiotta samoin perustein kuin aiemmissa tapauksissa. ¹³⁶Cs isotooppi sijaitsee kahden stabiilin isotoopin välissä, joten sen kumulatiivinen tuotto on sama kuin sen riippumaton tuotto. ¹³⁶Cs perustilan puoliintumisaika on 13 päivää, minkä vuoksi vain sen intensiivisin 818 keV siirtymä on havaittavissa gammaspektrissä. Tästä piikistä laskettu tuotto on kuitenkin paljon suurempi kuin minkään muun isotoopin tuotto, joten sen oikeellisuudesta ei voida olla varmoja. Sen sijaan ¹³⁶Cs isomeerisen tilan puoliintumisaika on 17 sekuntia. Tästä oli havaittavissa 517,9 keV siirtymä gammaspektrissä, josta saatiin alaraja ¹³⁶Cs tuotolle. Ksenon ja barium ovat stabiileja, joten niistä gammoja ei voida havaita. Penningin loukun mittauksissa esiintyy enemmän stabiilia ksenonia gaussinen sovitus ennustaa. Telluuria puolestaan Penningin loukun mittauksista saatiin vähemmän.

Yhteenvetona voidaan todeta, että havaittu fissiotuottojen jakauma ei oleellisesti riipu mittausmenetelmästä, eikä fissiotuotteiden ioneille tehdyn massa-analyysin kestosta. Havaitut riippumattomat isobaariset tuotot poikkeavat siinä määrin odotetusta suunnilleen gaussisesta jakaumasta, että fissiotuotteen alkuaineella on selvästi merkitystä. Havaittujen isobaaristen jakaumien perusteella Ga, As, Nb ja Tc tuotto saattaisi olla naapurialkuaineita heikompi kemiallisten ominaisuuksiensa takia, kun taas Sr, Pd ja Ag tuotto naapureita parempia. Käytetyllä analyysimenetelmällä ja



Kuva 20. Massaluvun A=136 suhteelliset fissiotuotot gamma- ja Penning-loukkumittauksista. Jakaumat on normitettu 136 I kohdalta. 136 Xe ja 136 Ba ovat stabiileja isotooppeja.

tehdyllä massaerottelulla ei näytä olevan vaikutusta tulokseen. Mahdolliset poikkeukset tästä saattavat olla arseeni ja telluuri. Alkuaineesta johtuvat erot jakaumiin syntyvät siis ilmeisesti jo ioniohjaimessa.

5.2 Riippumattomat isotooppiset fissiotuotot

MR-TOF spektreistä saadut alkuaineiden suhteelliset tuottojakaumat on esiteltynä kuvissa 21-26 ja taulukossa 7 on koottuna mittauksista lasketut suhteelliset tuotot. Jos mitatut fissiotuotot ovat vain toisella puolella jakaumaa, niihin ei saa tehtyä gaussista sovitusta, joka kuvaa todellista jakaumaa. Näissä tapauksissa gaussisten sovitusten leveysparametrina on käytetty teknetiumin sovituksesta saatua leveysparametria. Tämä on paras arvio sille, miten jakaumat käyttäytyvät mitattujen isotooppien fissiotuottojen ulkopuolella. Molybdeenin ja ruteniumin jakaumiin on tehty gaussiset sovitukset datapisteiden perusteella. Nämä sovitukset ovat erittäin lähellä teknetiumin leveysparametria, joten se todennäköisesti kuvaa muitakin jakaumia hyvin.

Kuten kuvista 21-26 nähdään, isotoopit asettuvat yleisesti erittäin nätisti gaussisille sovituksille. Kuvissa on myös vertailun vuoksi merkitty aikaisempien JYFLT-RAP:lla tehtyjen mittausten tuotot [1] ja niihin tehdyt sovitukset. JYFLTRAP-tuotot on suhteutettu siten, että kiinnityspisteessä (MR-TOF-mittausten maksimituotto) suhteellinen tuotto on yksi. Poikkeuksena tähän on palladiumin jakauma (kuva 26), joka on suhteutettu JYFLTRAP:n jakauman mukaan.

Saamani tuottojakaumat näyttäisivät olevan enimmäkseen samaa mieltä aiempien mittausten jakaumien kanssa. MR-TOF:n datapisteet asettuvat lähemmäksi niihin tehtyjä sovituksia, kuin JYFLTRAP:n datapisteet omia sovituksiaan. JYFLTRAP tuotoissa on havaittavissa yksittäisten datapisteiden heittelyä. Rodiumin (kuva 25) suhteelliset tuotot eri menetelmillä ovat erityisen lähellä toisiaan. Lisäksi JYFLT-RAP Penningin loukulla mitatut tuotot seuraavat MR-TOF-mittauksen tuottoihin tehtyä sovitusta. Myös niobiumin (kuva 21), molybdeenin (kuva 22) ja teknetiumin (kuva 23) mitatut tuotot ovat lähellä toisiaan. Niobiumin eri mittausten datapisteet ovat lähellä toisiaan, mutta tehdyt sovitukset ovat hieman eri mieltä jakauman huipun korkeudesta. JYFLTRAP:lla molybdeenin tuottojakauman huippu näyttäisi puolestaan olevan hieman eri kohdassa kuin MR-TOF:n. Teknetiumin jakaumat ovat muuten lähellä toisiaan, mutta ¹⁰⁶Tc tuotto JYFLTRAP:lla poikkeaa erityisen paljon sekä sovituksesta, että MR-TOF:n antamasta tuotoista. JYFLTRAP pisteisiin sovitusta tehdessä jätin ¹⁰⁶Tc tuoton huomiotta. Kyseisen isotoopin tuotto on ollut vähäisempää myös käyttäessä uraanikohtiota [33]. On mahdollista, että ¹⁰⁶Tc:lla on tuntematon lyhytikäinen isomeeri. Tämä selittäisi sen, miksi tuotto on vähentynyt, ja miksi sitä havaitaan enemmän MR-TOF:lla mitatessa. ¹⁰⁸Tc tuotto JYFLTRAP:lla on myös huomattavasti vähäisempää.

Ruteniumin (kuva 24) ja palladiumin (kuva 26) jakaumissa on enemmän eroja. Ruteniumin JYFLTRAP-mittauksissa ¹⁰⁶Ru, ¹⁰⁸Ru ja ¹¹⁰Ru tuotot ovat paljon suuremmat kuin MR-TOF:n mittauksissa. Nämä olivatkin tarkennusta vaativia isotooppeja aikaisemmista mittauksista [1]. JYFLTRAP datapisteisiin sovitusta tehdessä jätin ¹⁰⁶Ru ja ¹⁰⁸Ru tuotot huomiotta. Palladiumin jakaumassa kevyemmät isotoopit asettuvat melko nätisti MR-TOF-mittausten tuottoihin tehtyyn sovitukseen. Sovituksen huipun jälkeen JYFLTRAP:n tuotot kuitenkin eroavat MR-TOF:n sovituksesta. JYFLTRAP dataan tehty sovitus on hieman leveämpi, mutta myös MR-TOF:n tuotot asettuvat nätisti tälle sovitukselle.



Kuva 21. Niobiumin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen. MR-TOF datapisteiden sovituksen leveysparametri Tc jakaumasta.



Kuva 22. Molybdeenin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen.



Kuva 23. Teknetiumin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen. $^{106}\mathrm{Tc}$ jätetty huomiotta JYFLTRAP:n sovitusta tehdessä.



Kuva 24. Ruteniumin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen. 106 Ru ja 108 Ru jätetty huomiotta JYFLTRAP:n sovitusta tehdessä.



Kuva 25. Rodiumin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen. MR-TOF datapisteiden sovituksen leveysparametri Tc jakaumasta.



Kuva 26. Palladiumin suhteellinen tuottojakauma massaluvun suhteen. MR-TOF datapisteiden sovituksen leveysparametri Tc jakaumasta.

Taulukko 7. MR-TOF mittauksista lasketut suhteelliset riippumattomat isotooppiset fissiotuotot. Massaluvun A=108 isotooppien tuotot on laskettu käyttäen referenssejä A=105 ja A=109. Näistä lasketut tuotot ovat omilla riveillään (referenssi A=105 ylempi ja A=109 alempi) ja niiden avulla on laskettu alkuaineille kertoimet, joilla eri referenssien avulla lasketut tuotot on yhdistetty.

				Isotoopin
Isotooppi	Ensimmäinen mittaus	Toinen mittaus	Painotettu keskiarvo	suhteellinen tuotto
$^{103}\mathrm{Nb}$	$3{,}3989 \pm 0{,}1028$	$3,5241 \pm 0,4424$	$3{,}5005 \pm 0{,}4542$	$1{,}0000\pm 0{,}1330$
$^{104}\mathrm{Nb}$	$1{,}7011 \pm 0{,}0919$	$1,\!6549 \pm 0,\!1873$	$1,\!6701\pm0,\!2086$	$0,\!4771\pm0,\!0603$
$^{105}\mathrm{Nb}$			$1{,}0000\pm 0{,}0634$	$0{,}2859 \pm 0{,}0181$
$^{106}\mathrm{Nb}$	$0{,}2399 \pm 0{,}0309$	$0,\!2582 \pm 0,\!0112$	$0{,}2448 \pm 0{,}0329$	$0,0699\pm0,0095$
$^{107}\mathrm{Nb}$	$0,\!0243\pm0,\!0019$	$0,\!0438 \pm 0,\!0025$	$0{,}0355\pm0{,}0032$	$0{,}0101 \pm 0{,}0025$
$^{103}\mathrm{Mo}$	$0,\!6556\pm0,\!1028$	$0,\!6491 \pm 0,\!0416$	$0,\!6503\pm0,\!0427$	$0,\!6503\pm0,\!0430$
$^{104}\mathrm{Mo}$	$0,\!9523\pm 0,\!0208$	$0,\!9672\pm0,\!0925$	$0,\!9645\pm0,\!0948$	$0,\!9645\pm0,\!0956$
$^{105}\mathrm{Mo}$			$1,0000 \pm 0,0473$	$1,0000 \pm 0,0473$
$^{106}\mathrm{Mo}$	$0,\!8639\pm0,\!1086$	$0,\!8472\pm 0,\!0202$	$0,8613 \pm 0,1105$	$0,\!8613\pm0,\!1105$

				Isotoopin
Isotooppi	Ensimmäinen mittaus	Toinen mittaus	Painotettu keskiarvo	suhteellinen tuotto
$^{107}\mathrm{Mo}$	$0,\!3817 \pm 0,\!0110$	$0,\!3810\pm0,\!0099$	$0,\!3814 \pm 0,\!0148$	$0,\!3814\pm0,\!0148$
$^{108}\mathrm{Mo}$	$0,\!1756\pm0,\!0023$	$0,\!1705\pm0,\!0063$	$0,\!1719\pm0,\!0077$	
	$7{,}9407 \pm 0{,}4258$	$7{,}4059 \pm 0{,}6142$	$7,\!6249\pm0,\!7473$	$0,\!1719 \pm 0,\!0077$
$^{109}\mathrm{Mo}$			$1,\!0000\pm 0,\!0934$	$0,0225 \pm 0,0021$
$^{110}\mathrm{Mo}$	$0,\!2924 \pm 0,\!0611$	$0,2731 \pm 0,0260$		
		$0,\!3285\pm0,\!0389$	$0{,}2995 \pm 0{,}0769$	$0{,}0068 \pm 0{,}0018$
$^{103}\mathrm{Tc}$	$0{,}1058\pm 0{,}0022$	$0,\!1028\pm0,\!0072$	$0,\!1035\pm0,\!0075$	$0,\!0424\pm0,\!0032$
¹⁰⁴ Tc	$0,\!2847 \pm 0,\!0062$	$0,\!2885\pm 0,\!0369$	$0,\!2879 \pm 0,\!0375$	$0,\!1180\pm0,\!016$
$^{105}\mathrm{Tc}$			$1{,}0000\pm 0{,}0570$	$0,\!4097\pm0,\!0234$
$^{106}\mathrm{Tc}$	$1{,}5333 \pm 0{,}2389$	$1,\!4797\pm0,\!0316$	$1{,}5271 \pm 0{,}2410$	$0,\!6256\pm0,\!0988$
$^{107}\mathrm{Tc}$	$2{,}4261 \pm 0{,}0832$	$2,\!4597\pm0,\!0669$	$2{,}4411 \pm 0{,}1068$	$1,0000 \pm 0,0444$
$^{108}\mathrm{Tc}$	$2,1075 \pm 0,0146$	$2,1363 \pm 0,1228$	$2,1333 \pm 0,1237$	
	$1,\!4750\pm0,\!0492$	$1,\!4632\pm0,\!0078$	$1,\!4734 \pm 0,\!0498$	$0,\!8739 \pm 0,\!0518$
¹⁰⁹ Tc			$1{,}0000\pm 0{,}0451$	$0{,}5931 \pm 0{,}0267$
$^{110}\mathrm{Tc}$	$0,\!4165\pm0,\!0646$	$0,4461 \pm 0,0386$		
		$0,\!4469 \pm 0,\!0178$	$0,\!4304\pm0,\!0773$	$0{,}5931 \pm 0{,}0267$
¹¹¹ Tc	$0,\!1450\pm0,\!0048$	$0,1457 \pm 0,0041$	$0,1453 \pm 0,0063$	$0,2553 \pm 0,0468$
$^{112}\mathrm{Tc}$	$0,0227 \pm 0,0006$	$0,\!0231\pm0,\!0004$	$0{,}0228 \pm 0{,}0007$	$0,0136 \pm 0,0004$
$^{103}\mathrm{Ru}$	$0,\!2576\pm0,\!0132$	$0,\!3624\pm0,\!0132$	$0{,}3099 \pm 0{,}0187$	$0,0077 \pm 0,0014$
$^{104}\mathrm{Ru}$	$4{,}0138\pm0{,}0101$	$0,\!3865\pm0,\!0219$	$0{,}3826 \pm 0{,}0241$	$0{,}0095\pm 0{,}0007$
$^{105}\mathrm{Ru}$			$1{,}0000\pm 0{,}0405$	$0,\!0249\pm0,\!0010$
$^{106}\mathrm{Ru}$	$4{,}5713 \pm 0{,}1682$	$4{,}2956 \pm 0{,}2422$	$4{,}4086 \pm 0{,}2949$	$0,1100 \pm 0,0084$
$^{107}\mathrm{Ru}$	$11,2882 \pm 0,3255$	$11,\!3737\pm0,\!3985$	$11,3353 \pm 0,5145$	$0,2827 \pm 0,0129$
$^{108}\mathrm{Ru}$	$27,0806 \pm 0,6259$	$24,2102 \pm 1,0532$	$25,2802 \pm 1,2252$	
	$0,\!7459\pm0,\!0184$	$0,7356 \pm 0,0091$	$0,7425 \pm 0,0205$	$0,6305 \pm 0,0543$
$^{109}\mathrm{Ru}$			$1,0000 \pm 0,0416$	$0,8492 \pm 0,0353$

				Isotoopin
Isotooppi	Ensimmäinen mittaus	Toinen mittaus	Painotettu keskiarvo	suhteellinen tuotto
$^{110}\mathrm{Ru}$	$1,1421 \pm 0,1639$	$1,\!2227\pm0,\!0908$		
		$1{,}2190\pm0{,}0421$	$1,\!1776\pm0,\!1920$	$1,\!0000\pm0,\!1667$
$^{111}\mathrm{Ru}$	$0,\!8431 \pm 0,\!0291$	$0,\!8630\pm0,\!0132$	$0,\!8493\pm0,\!03194$	$0,7212\pm0,0295$
$^{112}\mathrm{Ru}$	$0{,}4966 \pm 0{,}0139$	$0,\!4964\pm 0,\!0042$	$0{,}4965 \pm 0{,}0145$	$0,\!4216\pm0,\!0123$
$^{108}\mathrm{Rh}$	$0,\!1951\pm0,\!0061$	$0,\!2027\pm 0,\!0034$	$0{,}1978 \pm 0{,}0070$	$0,\!0313\pm0,\!0014$
$^{109}\mathrm{Rh}$			$1{,}0000 \pm 0{,}0493$	$0,\!1581\pm0,\!0078$
$^{110}\mathrm{Rh}$	$2{,}5087 \pm 0{,}4233$	$2,\!6492\pm0,\!2600$		
		$2,\!6502\pm0,\!1106$	$2,5744 \pm 0,5089$	$0{,}4070\pm 0{,}0813$
111 Rh	$5{,}4307 \pm 0{,}1474$	$5{,}6278 \pm 0{,}0921$	$5{,}5065 \pm 0{,}1738$	$0,\!8705\pm0,\!0335$
$^{112}\mathrm{Rh}$	$6{,}3381 \pm 0{,}2819$	$6{,}2350\pm0{,}0378$	$6{,}3259 \pm 0{,}2844$	$1,\!0000\pm0,\!0450$
$^{109}\mathrm{Pd}$			$1{,}0000\pm 0{,}1712$	$0,\!0267\pm0,\!0046$
$^{110}\mathrm{Pd}$	$4,\!1582 \pm 2,\!0599$	$1,4775 \pm 0,2123$		
		$4{,}8903 \pm 1{,}2538$	$4,\!2572 \pm 2,\!4208$	$0{,}1137 \pm 0{,}0782$
¹¹¹ Pd	$13,2765 \pm 0,7408$	$13,9977 \pm 1,1761$	$13,7190 \pm 1,3900$	$0,3664 \pm 0,0379$
¹¹² Pd	$37{,}5128 \pm 2{,}0288$	$37,2277 \pm 0,3135$	$37,4466 \pm 2,1195$	$1,0000 \pm 0,0566$

Taulukko 7. (jatkuu)

6 Päätäntö

Tämän tutkielman tavoite oli selvittää, onko massaerottelun kestolla ja käytetyllä menetelmällä vaikutusta havaittuihin fissiotuottoihin. Kuvien 14-20 perusteella vaikuttaisi siltä, että niillä ei ole suurta vaikutusta fissiotuottoihin. Eri menetelmien antamat suhteelliset fissiotuotot ovat enimmäkseen luotettavuusarvioiden sisällä. Poikkeuksena tähän on arseeni, jonka läpäisy kohtiosta mittausalueelle näyttäisi olevan vähäisempää MR-TOF:lla ja Penningin loukulla mitatessa. Omituista on kuitenkin se, että useissa tapauksissa, ⁸⁰As mukaan lukien, Penningin loukulla suhteellinen fissiotuotto on MR-TOF:lla mitattua suurempi. Suurimpien isotooppien häviöiden odotettiin tulevan kaasutäytteisistä loukuista (RFQ ja Penningin loukku), jolloin Penningin loukulla mitatessa häviöt tulisi olla MR-TOF-mittauksia suuremmat.

Tässä työssä oletettiin MR-TOF:n puoliintumismatkan olevan sama kaikille alkuaineille. On mahdollista, että näin ei kuitenkaan ole, jolloin MR-TOF-mittauksissa tehty kierroslukukorjaus ei vastaa täysin todellista tilannetta. Puoliintumismatkaan liittyy muutenkin epävarmuutta. Tässä sen oletettiin olevan 550 kierrosta ilman epävarmuusarviota. Todellisen puoliintumismatkan selvittämiseksi olisikin hyvä tehdä jatkotutkimus, jossa keskitytään MR-TOF:n kierrosluvun aiheuttamaan isotooppihäviöön. Tällöin saataisiin selville puoliintumismatka epävarmuusarvioineen ja mahdolliset erot eri alkuaineilla.

Tutkielman toinen tavoite oli selvittää, eroavatko MR-TOF:lla mitatut fissiotuotot Penningin loukulla mitatuista tuottoista, sekä täydentää aikaisempiin Penningin loukulla tehtyihin mittauksiin jääneitä aukkoja. Kuvien 21-26 perusteella erot menetelmien välillä eivät ole erityisen suuria. JYFLTRAP datassa näyttäisi olevan enemmän yksittäisten datapisteiden heittelyä, ja suurimmat erot ovat näiden datapisteiden isotoopeilla, jotka ovat olleet tarkennusta vaativia tapauksia. MR-TOF tuottojakaumat näyttävät yleisesti asettuvan paremmin niihin tehtyihin sovituksiin, kuin JYFLTRAP:n jakaumat omiin sovtuksiinsa. Tämä johtuu ilmeisesti merkittävästi paremmasta statistiikasta.

Havaittujen isotooppien tuottoa on mahdollista seurata MR-TOF mittausten ai-

kana. Tuotto pysyi mitatessa pääasiassa tasaisena, mutta muuttui palatessa takaisin samaan massalukuun. Ennen massaluvun A=110 ensimmäistä mittausta kylmäloukku täytettiin, joka mahdollisesti selittää tuoton nousua kyseisen massaluvun mittausten aikana. Muiden massalukujen kohdalla ilmeistä syytä tuoton vaihtelulle ei ole. Tämä vaihtelu on otettu huomioon riippumattomieen isotooppisten fissiotuottojen luotettavuusarvioissa.

Lähteet

- D. Gorelov. "Nuclear fission studies with the IGISOL method and JYFLTRAP".
 Väitöskirja. Jyväskylä: Jyväskylän yliopisto, Fysiikan laitos, 2015. URL: http: //urn.fi/URN:ISBN:978-951-39-6450-4 (viitattu 19.05.2024).
- F. Gönnenwein. "Ternary and quaternary fission". Nuclear Physics A 734 (2004), s. 213-216. ISSN: 0375-9474. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nuclphysa.2004.01.037. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0375947404000429.
- [3] N. Schunck ja D. Regnier. "Theory of nuclear fission". Progress in Particle and Nuclear Physics 125 (2022), s. 103963. ISSN: 0146-6410. DOI: https://doi. org/10.1016/j.ppnp.2022.103963. URL: https://www.sciencedirect. com/science/article/pii/S0146641022000242.
- [4] K.-H. Schmidt ym. "Extensive Study of the Quality of Fission Yields from Experiment, Evaluation and GEF for Antineutrino Studies and Applications". *Nuclear Data Sheets* 173 (2021). Special Issue on Nuclear Reaction Data, s. 54-117. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds.2021. 04.004. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/ S0090375221000144.
- K.-H. Schmidt ym. "General Description of Fission Observables: GEF Model Code". Nuclear Data Sheets 131 (2016). Special Issue on Nuclear Reaction Data, s. 107-221. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds. 2015.12.009. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/ pii/S0090375215000745.
- [6] U. Brosa, S. Grossmann ja A. Müller. "Four Channels in the Fission of 252Cf". Zeitschrift für Naturforschung A 41.12 (1986), s. 1341–1346. DOI: doi:10. 1515/zna-1986-1201. URL: https://doi.org/10.1515/zna-1986-1201.

- K.-H. Schmidt ja B. Jurado. "Entropy Driven Excitation Energy Sorting in Superfluid Fission Dynamics". *Phys. Rev. Lett.* 104 (21 toukokuu 2010), s. 212501. DOI: 10.1103/PhysRevLett.104.212501. URL: https://link.aps. org/doi/10.1103/PhysRevLett.104.212501.
- [8] R. Watson ja J. Wilhelmy. Calculated fractional independent yields OP products formed in the spontaneous fission of 252cf. LBL Publications. 1969. URL: https: //escholarship.org/uc/item/6w98k0qt.
- J. Randrup, P. Möller ja A. J. Sierk. "Fission-fragment mass distributions from strongly damped shape evolution". *Phys. Rev. C* 84 (3 syyskuu 2011), s. 034613. DOI: 10.1103/PhysRevC.84.034613. URL: https://link.aps. org/doi/10.1103/PhysRevC.84.034613.
- [10] P. Möller ym. "Heavy-element fission barriers". *Phys. Rev. C* 79 (6 kesäkuu 2009), s. 064304. DOI: 10.1103/PhysRevC.79.064304. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevC.79.064304.
- J. Rayford Nix. "Further studies in the liquid-drop theory on nuclear fission". Nuclear Physics A 130.2 (1969), s. 241-292. ISSN: 0375-9474. DOI: https://doi. org/10.1016/0375-9474(69)90730-1. URL: https://www.sciencedirect. com/science/article/pii/0375947469907301.
- [12] A. C. Wahl. "Systematics of Fission-Product Yields" (toukokuu 2002). DOI: 10.2172/809946. URL: https://www.osti.gov/biblio/809946.
- S. J. Balestrini ja L. Forman. "Independent fission yields of Rb and Cs from ²³⁸U induced by fission-spectrum neutrons". *Phys. Rev. C* 10 (5 marraskuu 1974), s. 1872–1879. DOI: 10.1103/PhysRevC.10.1872. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevC.10.1872.
- [14] J. Goda ym. "A New Era of Nuclear Criticality Experiments: The First 10 Years of Godiva IV Operations at NCERC". Nuclear Science and Engineering 195.sup1 (2021), S55–S79. DOI: 10.1080/00295639.2021.1947103. eprint: https://doi.org/10.1080/00295639.2021.1947103. URL: https://doi. org/10.1080/00295639.2021.1947103.
- [15] U. Köster ym. "Experience with in-pile fission targets at LOHENGRIN". Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment 613.3 (2010). Target and

Stripper Foil Technologies for High Intensity Beams, s. 363-370. ISSN: 0168-9002. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nima.2009.09.078. URL: https: //www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900209018361.

- [16] PN1 (Lohengrin) an exotic-isotope spectrometer. URL: https://www.ill.eu/ users/instruments/instruments-list/pn1/characteristics (viitattu 19.05.2024).
- [17] PN1 (Lohengrin) an exotic-isotope spectrometer. URL: https://www.ill.eu/ users/instruments/instruments-list/pn1/description/instrumentlayout (viitattu 30.04.2024).
- M. Frégeau ja S. Oberstedt. "The Fission-fragment Spectrometer VERDI". *Physics Procedia* 64 (2015). Scientific Workshop on Nuclear Fission Dynamics and the Emission of Prompt Neutrons and Gamma Rays, THEORY-3, s. 197– 203. ISSN: 1875-3892. DOI: https://doi.org/10.1016/j.phpro.2015. 04.027. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/ S1875389215001431.
- [19] Deshayes, Quentin ym. "FALSTAFF, an apparatus to study fission fragment properties First arm results". *EPJ Web Conf.* 239 (2020), s. 05012. DOI: 10.
 1051/epjconf/202023905012. URL: https://doi.org/10.1051/epjconf/ 202023905012.
- [20] L. Audouin ym. "Fission in inverse kinematics". Nuovo Cimento C Geophysics Space Physics C 41.5, 176 (syyskuu 2019), s. 176. DOI: 10.1393/ncc/i2018-18176-6.
- [21] R. Kirchner ym. "The ion sources for the GSI on-line separator". Nuclear Instruments and Methods in Physics Research 186.1 (1981), s. 295-305. ISSN: 0167-5087. DOI: https://doi.org/10.1016/0029-554X(81)90917-4. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/0029554X81909174.
- [22] J. Äystö ym. Three decades of research using IGISOL technique at the University of Jyväskylä. Tammikuu 2014. DOI: 10.1007/978-94-007-5555-0. URL: https://doi.org/10.1007/978-94-007-5555-0.
- [23] T. Eronen ym. "JYFLTRAP: a Penning trap for precision mass spectroscopy and isobaric purification". *The European Physical Journal A* 48.4 (huhtikuu

2012), s. 46. ISSN: 1434-601X. DOI: 10.1140/epja/i2012-12046-1. URL: https://doi.org/10.1140/epja/i2012-12046-1.

- [24] P. Karvonen ym. "A sextupole ion beam guide to improve the efficiency and beam quality at IGISOL". Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section B: Beam Interactions with Materials and Atoms 266.21 (2008), s. 4794-4807. ISSN: 0168-583X. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nimb. 2008.07.022. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/ pii/S0168583X08009191.
- [25] D. A. Nesterenko ym. "Study of radial motion phase advance during motion excitations in a Penning trap and accuracy of JYFLTRAP mass spectrometer". *The European Physical Journal A* 57.11 (marraskuu 2021), s. 302. ISSN: 1434-601X. DOI: 10.1140/epja/s10050-021-00608-3. URL: https://doi.org/ 10.1140/epja/s10050-021-00608-3.
- [26] A. Nieminen ym. "Beam cooler for low-energy radioactive ions". Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment 469.2 (2001), s. 244-253. ISSN: 0168-9002. DOI: https://doi.org/10.1016/S0168-9002(00)00750-6. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900200007506.
- [27] W. R. Plaß, T. Dickel ja C. Scheidenberger. "Multiple-reflection time-of-flight mass spectrometry". *International Journal of Mass Spectrometry* 349-350 (2013). 100 years of Mass Spectrometry, s. 134-144. ISSN: 1387-3806. DOI: https://doi.org/10.1016/j.ijms.2013.06.005. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S138738061300239X.
- [28] Penttilä, Heikki ym. "Radioactive ion beam manipulation at the IGISOL-4 facility". *EPJ Web Conf.* 239 (2020), s. 6. DOI: 10.1051/epjconf/202023917002.
 URL: https://doi.org/10.1051/epjconf/202023917002.
- [29] D. Alexiev ym. "Review of Ge detectors for gamma spectroscopy". Australasian Physics & Engineering Sciences in Medicine 25.3 (syyskuu 2002), s. 102–109. ISSN: 1879-5447. DOI: 10.1007/BF03178770. URL: https://doi.org/10. 1007/BF03178770.
- [30] K. Krane. Introductory Nuclear Physics. Wiley, 1988. ISBN: 9780471859147.
- [31] H. Penttilä ym. "Independent Isotopic Product Yields in 25 MeV and 50 MeV Charged Particle Induced Fission of 238U and 232Th". Nuclear Data Sheets 119 (2014), s. 334-337. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/ j.nds.2014.08.092. URL: https://www.sciencedirect.com/science/ article/pii/S0090375214006267.
- [32] Pomp, Stephan ym. "Measurement of fission yields and isomeric yield ratios at IGISOL". *EPJ Web Conf.* 169 (2018), s. 00017. DOI: 10.1051/epjconf/201816900017. URL: https://doi.org/10.1051/epjconf/201816900017.
- [33] H. Penttilä ym. "Independent isotopic yields in 25 MeV and 50 MeV protoninduced fission of natU". The European Physical Journal A 52.4 (huhtikuu 2016), s. 104. ISSN: 1434-601X. DOI: 10.1140/epja/i2016-16104-4. URL: https://doi.org/10.1140/epja/i2016-16104-4.
- [34] S. Ayet San Andrés ym. "High-resolution, accurate multiple-reflection time-of-flight mass spectrometry for short-lived, exotic nuclei of a few events in their ground and low-lying isomeric states". *Phys. Rev. C* 99 (6 kesäkuu 2019), s. 064313. DOI: 10.1103/PhysRevC.99.064313. URL: https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevC.99.064313.
- [35] H. Penttilä ym. "Fission yield studies at the IGISOL facility". The European Physical Journal A 48.4 (huhtikuu 2012), s. 43. ISSN: 1434-601X. DOI: 10.1140/ epja/i2012-12043-4. URL: https://doi.org/10.1140/epja/i2012-12043-4.
- [36] P. H. Eilers ja H. F. Boelens. "Baseline correction with asymmetric least squares smoothing". *Leiden University Medical Centre Report* 1.1 (2005), s. 5.
- [37] A. Negret ja B. Singh. "Nuclear Data Sheets for A = 86". Nuclear Data Sheets 124 (2015), s. 1–156. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds. 2014.12.045. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0090375214007455.
- [38] M.-M. Bé ja V. Chechev. "Recommended standards for gamma ray intensities". Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment 728 (marraskuu 2013), s. 157-172. DOI: 10.1016/j.nima.2013.05.134. URL: https://cea.hal. science/cea-01802664.

- [39] B. Singh. "Nuclear Data Sheets for A = 80". Nuclear Data Sheets 105.2 (2005),
 s. 223-418. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds.2005.
 06.002. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/
 S009037520500044X.
- [40] B. Singh ja J. Chen. "Nuclear Data Sheets for A=100". Nuclear Data Sheets 172 (2021), s. 1-542. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds. 2021.02.001. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0090375221000016.
- [41] J. Blachot. "Nuclear Data Sheets for A = 104". Nuclear Data Sheets 108.10 (2007), s. 2035-2172. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds. 2007.09.001. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0090375207000798.
- [42] G. Gürdal ja F. Kondev. "Nuclear Data Sheets for A = 110". Nuclear Data Sheets 113.5 (2012), s. 1315-1561. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/ 10.1016/j.nds.2012.05.002. URL: https://www.sciencedirect.com/ science/article/pii/S0090375212000415.
- [43] J. Katakura ja Z. Wu. "Nuclear Data Sheets for A = 124". Nuclear Data Sheets 109.7 (2008), s. 1655–1877. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/ j.nds.2008.06.001. URL: https://www.sciencedirect.com/science/ article/pii/S0090375208000458.
- [44] E. Mccutchan. "Nuclear Data Sheets for A=136". Nuclear Data Sheets 152 (2018), s. 331-667. ISSN: 0090-3752. DOI: https://doi.org/10.1016/j.nds.
 2018.10.002. URL: https://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0090375218300711.
- [45] R. D. Knight. Physics for Scientists and Engineers: A Strategic Approach with Modern Physics. Ebsco MUPO/SUPO. Pearson Education Limited, 2016. URL: http://search.ebscohost.com/login.aspx?direct=true&scope=site& db=nlebk&AN=1419859.

A MR-TOF- mittaustulokset

Referenssimassaluvussa A=105 käytetty kierrosluku on kaikissa mittauksissa 946 ja referenssissä A=109 982.

Taulukko 8. Massalukujen A=80, 86 ja 100 MR-TOF mittausten hiukkasmäärät isobaarijakaumia varten. Mittauksissa käytetyt kierrosluvut ovat 881, 775 ja 898. Mittaukset kestivät 36, 16 ja 59 minuuttia.

	Alkuaine	Sr	As	${\rm Ge}$	Ga	
A = 80	määrä	137175 ± 371	484 ± 22	2714 ± 53	141 ± 12	
	korjattu määrä	416361 ± 1126	1473 ± 67	$8249 \pm\ 161$	437 ± 37	
	Alkuaine	Kr	Br	Se	As	
A = 86	määrä	301901 ± 550	223414 ± 473	132869 ± 365	1403 ± 38	
	korjattu määrä	801758 ± 1461	593768 ± 1257	353888 ± 972	3893 ± 105	
	Alkuaine	Мо	Nb	Zr	Y	\mathbf{Sr}
A = 100	määrä	68338 ± 262	59854 ± 245	152550 ± 391	33821 ± 184	2595 ± 51
	korjattu määrä	211915 ± 812	189075 ± 774	$475834 {\pm}~1220$	110210 ± 600	9875 ± 194

Taulukko 9. Massaluvun A=103 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=103 mittauksessa käytetty kierrosluku on 922. Zirkoniumia ei havaittu referenssimittauksessa.

	aika (min)	Ru	Tc	Mo	Nb	Zr
A=105	10	2465 ± 50	43212 ± 208	65523 ± 256	3623 ± 61	
A=103	32	1887 ± 44	14439 ± 121	135495 ± 369	38703 ± 197	4583 ± 68
A=105	12	2501 ± 51	49378 ± 223	74489 ± 273	4201 ± 65	
A=103	30	2332 ± 49	12618 ± 113	120241 ± 347	33894 ± 185	4251 ± 65
A=105	33	6775 ± 83	127749 ± 385	192434 ± 439	9855 ± 100	
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus						
A=103 A=105		$3,1777\pm0,0741$ 12 3378±0 5640	$24,338 \pm 0,2039$ $230,0551 \pm 4,2790$	$228,3129\pm0,6218$ $348,2576\pm4,8719$	$67,0063 \pm 0,3411$ 197141 ± 0.5876	$7,9645 \pm 0,1180$
103/105 suhteellinen fissiotuotto		0.2576 ± 0.0132	0.1058 ± 0.0022	0.6556 ± 0.0093	3.3989+0.1028	
Toinen mittaus		-,,	-,,	-,	-,	
A=103 A=105 103/105 subteellinen		$4,1021\pm0,0862$ $11,3179\pm0,3360$	$\begin{array}{c} 22,2129{\pm}0,1989\\ 216,1389{\pm}14,8709 \end{array}$	$\begin{array}{c} 211,6416{\pm}0,6108\\ 326,0629{\pm}20,8889\end{array}$	$61,2964 \pm 0,3346$ $17,3936 \pm 2,1816$	7,7169±0,1180
fissiotuotto		$0,\!3624 {\pm} 0,\!0132$	$0{,}1028{\pm}0{,}0072$	$0,\!6491 {\pm} 0,\!0416$	$3,5241{\pm}0,4424$	

	aika (min)	Ru	Tc	Мо	Nb	Zr
A=105	33	6775 ± 83	127749 ± 385	192434 ± 439	9855 ± 100	
A=104	30	2311 ± 49	33722 ± 184	170188 ± 413	15913 ± 127	1352 ± 37
A=105	15	3062 ± 56	60721 ± 247	91862 ± 304	4949 ± 71	
A=104	31	2283 ± 48	32466 ± 181	167515 ± 124	15321 ± 124	1244 ± 36
A=105	15	2640 ± 52	47927 ± 219	75261 ± 275	3939 ± 93	
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus						
A=104 A=105 104/105 suhteellinen fissiotuotto		$\begin{array}{c} 4,1437 {\pm} 0,0879 \\ 11,0829 {\pm} 0,1822 \\ 0,3739 {\pm} 0,0101 \end{array}$	60,4676±0,3299 212,3619±4,4399 0,2847±0,0062	$\begin{array}{c} 305,3675 {\pm} 0,7410\\ 320,6899 {\pm} 6,9685\\ 0,9523 {\pm} 0,0208 \end{array}$	$\begin{array}{c} 28,7760 {\pm} 0,2297 \\ 16,9158 {\pm} 0,9035 \\ 1,7011 {\pm} 0,0919 \end{array}$	2,5427±0,0686
Toinen mittaus						
A=104 A=105 104/105 suhteellinen fissiotuotto		$4,0138\pm0,0844$ $10,3839\pm0,5457$ 0.3865 ± 0.0219	$57,0814\pm0,3182$ 197,8769 $\pm25,3557$ 0.2885 ±0.0369	$\begin{array}{c} 294,7160 {\pm} 0,2182 \\ 304,7029 {\pm} 29,1369 \\ 0.9672 {\pm} 0.0925 \end{array}$	$27,1657\pm0,2199$ $16,4156\pm1,8534$ $1,6549\pm0,1873$	2,2940±0,0664

Taulukko 10. Massaluvun A=104 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=104 mittauksessa käytetty kierrosluku on 935. Zirkoniumia ei havaittu referenssimittauksessa.

Taulukko 11. Massaluvun A=106 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=106 mittauksessa käytetty kierrosluku on 950. A=106 rutenium ja rodium ovat päällekkäin, rodiumin osuus oletetaan olevan mitättömän pieni. Kadmiumin ja hopean piikit ovat myös päällekkäin, jätetty taulukoimatta, sillä niitä ei havaittu referenssimittauksessa. Ne ovat ruteniumin piikin lähettyvillä, joten niiden vaikutus siihen on huomioitu.

	aika (min)	Ru	Tc	Mo	Nb
A=105	15	2640 ± 52	47927 ± 219	75261 ± 275	3939 ± 93
A=106	30	25133 ± 118	164654 ± 406	143455 ± 379	2039 ± 46
A=105	10	1898 ± 44	40802 ± 202	62296 ± 250	3264 ± 58
A=106	31	27104 ± 165	191494 ± 438	167633 ± 410	2644 ± 52
A=105	11	2402 ± 50	47484 ± 218	73036 ± 271	3903 ± 63
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus					
A=106		$46,\!0512{\pm}0,\!2153$	$302,0525 \pm 0,7448$	$264,1114 \pm 0,6978$	$3,8914{\pm}0,0878$
A=105		$10{,}0739{\pm}0{,}3677$	$196{,}9889{\pm}30{,}6857$	$305,7230{\pm}38,4127$	$16{,}2169{\pm}2{,}0524$
106/105 subteellinen					
fissiotuotto		$4,5713\pm0,1682$	$1,5333 \pm 0,2389$	$0,8639 \pm 0,1086$	$0,2399 \pm 0,0309$
Toinen mittaus					
A=106		$47,9133 \pm 0,2917$	$338,9110 \pm 0,7752$	$297,7497\pm0,7282$	$4,8682 \pm 0,0957$
A=105		$11{,}1542{\pm}0{,}6252$	$229,0341 \pm 4,8611$	$351,4601 \pm 8,3325$	$18,8550 \pm 0,7310$
106/105 subteellinen					
fissiotuotto		$4{,}2956{\pm}0{,}2422$	$1{,}4797{\pm}0{,}0316$	$0,8472 \pm 0,0202$	$0{,}2582\ {\pm 0{,}0112}$

Taulukko 12. Massaluvun A=107 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=107 mittauksessa käytetty kierrosluku on 963. A=107 rutenium ja kadmiumin ovat päällekkäin, myös palladiumin ja hopean piikit ovat myös päällekkäin. Nämä jätetty taulukoimatta, sillä niitä ei havaittu referenssimittauksessa.

	aika (min)	Ru	Tc	Mo	Nb
A=105	11	2402 ± 50	47484 ± 218	73036 ± 271	3903 ± 63
A=107	31	74756 ± 274	317665 ± 564	75964 ± 276	231 ± 16
A=105	17	3773 ± 62	74811 ± 274	114504 ± 339	6132 ± 79
A=107	32	82630 ± 288	350149 ± 592	82343 ± 287	453 ± 22
A=105	11	2561 ± 51	49513 ± 223	75900 ± 276	$4082\ \pm 64$
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus					
A=107 A=105 107/105 suhteellinen fissiotuotto		$136,7681\pm0,5013 \\ 12,1160\pm0,3465 \\ 11,2882\pm0,3255$	$582,2100\pm1,0337$ $239,9770\pm8,2198$ $2,4261\pm0,0832$	$\begin{array}{c} 140,6128{\pm}0,5109\\ \pm 368,4019{\pm}10,5029\\ 0,3817{\pm}0,0110\end{array}$	$0,4851\pm0,0336$ 19,9691 $\pm0,6511$ $0,0243\pm0,0019$
Toinen mittaus					
A=107 A=105 107/105 suhteellinen fissiotuotto		$\begin{array}{c} 144,2737 {\pm}0,5029 \\ 12,6848 {\pm}0,4423 \\ 11,3737 {\pm}0,3985 \end{array}$	$612,4547\pm1,0355$ $249,0011\pm6,7606$ $2,4597\pm0,0669$	$\begin{array}{c} 145,\!4637\!\pm\!0,\!5070\\ 381,\!7589\!\pm\!9,\!8428\\ 0,\!3810\!\pm\!0,\!0099 \end{array}$	$0,9079\pm0,0441$ $20,7454\pm0,6487$ $0,0438\pm0,0025$

Taulukko 13. Massaluvun A=108 ja vastaavien referenssien A=105 massapiikkien hiukkasmäärät. Huomaa, että A=108 mitattiin myös käyttäen referenssinä A=109. Massaluvun A=108 mittauksessa käytetty kierrosluku on 982. A=108 palladium ja kadmium ovat päällekkäin, jätetty taulukoimatta, sillä niitä ei havaittu referenssimittauksessa. Rodium piikki erittäin lähellä ruteniumin piikkiä, vaikutus ruteniumiin otettu huomioon, referenssimittauksessa ei havaittu rodiumia. Referenssimittauksen niobium jätetty taulukosta, ei havaittu A=108 mittauksessa.

	aika (min)	Rh	Ru	Tc	Mo
A=105	11		2561 ± 51	49513 ± 223	75900 ± 276
A=108	30	10425 ± 24	186293 ± 420	281464 ± 531	34707 ± 187
A=105	13		3093 ± 55	61115 ± 248	92629 ± 305
A=108	32	9471 ± 98	183213 ± 429	280490 ± 530	33539 ± 184
A=105	28		7113 ± 85	117343 ± 343	602396 ± 368
Korjatut arvot (ionia/s)					
Ensimmäinen mittaus					
A=108 $A=105$ $108/105$ subteellinen		$19,7302 \pm 0,0445$	$351,7523\pm0,7939$ $12,9891\pm0,2988$	$535,6612\pm1,0106$ $254,1721\pm1,6985$	$\begin{array}{c} 68,0681 {\pm} 0,3667 \\ 387,6180 {\pm} 4,6565 \end{array}$
fissiotuotto			$27,0806 \pm 0,6259$	$2,1075\pm0,0146$	$0,1756 \pm 0,0023$
Toinen mittaus					
$\begin{array}{c} A=108\\ A=105\\ 108/105 \text{ suhteellinen} \end{array}$		$17,1142\pm0,1771$	$330,8963\pm0,7748\\13,6676\pm0,5937$	$510,5986\pm0,9648$ 239,0079 $\pm13,7336$	$62,9175\pm0,3452$ $369,0679\pm13,4658$
fissiotuotto			$24,2102\pm1,0532$	$2,1363{\pm}0,1228$	$0,1705 \pm 0,0063$

Taulukko 14. Massaluvun A=108 ja vastaavien referenssien A=109 massapiikkien hiukkasmäärät. Huomaa, että A=108 mitattiin myös käyttäen referenssinä A=105. Massaluvun A=108 mittauksessa käytetty kierrosluku on 982. A=108 palladium ja kadmium ovat päällekkäin, jätetty taulukoimatta. Rodium piikki erittäin lähellä ruteniumin piikkiä, vaikutus ruteniumiin otettu huomioon. Hopean ja kadmiumin piikit ovat täysin päällekkäin referenssimittauksessa, jätetty taulukoimatta.

	aika (min)	Rh	Ru	Tc	Mo
A=109	10	13396 ± 116	65148 ± 256	47689 ± 219	1127 ± 34
A=108	31	7590 ± 86	141531 ± 377	211854 ± 461	26029 ± 162
A=109	11	13128 ± 115	63835 ± 253	46197 ± 215	1049 ± 33
A=108	31	7662 ± 88	134470 ± 367	202767 ± 451	24872 ± 158
A=109	10	12599 ± 113	60846 ± 247	44693 ± 212	1188 ± 35
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus					
A=108 A=109 108/109 suhteellinen fissiotuotto		$\begin{array}{c} 14,1323 {\pm}0,1601 \\ 72,4331 {\pm}2,0998 \\ 0,1951 {\pm}0,0061 \end{array}$	$262,9149\pm0,7003$ $352,4749\pm8,6250$ $0,7459\pm0,0184$	$396,6677\pm0,8632$ $268,9340\pm8,9457$ $1,4750\pm0,0492$	50,2235±0,3126 6,3248±0,3369 7,9407±0,4258
Toinen mittaus					
A=108 A=109 108/109 suhteellinen		$\begin{array}{c} 14,3309 \pm 0,1655 \\ 70,7044 \pm 0,8426 \end{array}$	$252,2443\pm0,6884$ $342,8899\pm4,1096$	$383,3716\pm0,8527$ $262,0119\pm1,2729$	$\begin{array}{c} 48,\!4610\!\pm\!0,\!3078\\ 6,\!5436\!\pm\!0,\!5410\end{array}$
fissiotuotto		$0,2027 \pm 0,0034$	$0,7356 \pm 0,0091$	$1,4632 \pm 0,0078$	$7,4059 \pm 0,6142$

Taulukko 15. Massaluvun A=110 ja vastaavien referenssien A=109 hiukkasmäärät. Massaluvun A=110 mittauksessa käytetty kierrosluku on 989. Hopean ja kadmiumin piikit ovat täysin päällekkäin referenssimittauksessa, jätetty taulukoimatta.

	aika (min)	Pd	Rh	Ru	Tc	Mo
A=109	10	370 ± 20	12599 ± 113	60846 ± 247	44693 ± 212	1188 ± 35
A=110	31	6856 ± 83	106531 ± 327	233228 ± 483	63063 ± 252	1207 ± 35
A=109	10	730 ± 28	15758 ± 126	75723 ± 276	56016 ± 237	1787 ± 43
A=110	29	2742 ± 53	124296 ± 353	272711 ± 523	74527 ± 273	1379 ± 38
A=109	11	631 ± 29	18682 ± 137	88239 ± 298	66128 ± 258	2213 ± 48
A=110	30	10348 ± 102	141722 ± 377	307111 ± 555	85072 ± 292	1684 ± 42
A=109	11	886 ± 30	19692 ± 141	92813 ± 305	69922 ± 265	1757 ± 42
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus						
A=110		$12,7987{\pm}0,1549$	$199,\!1606 {\pm} 0,\!6113$	$436{,}9496{\pm}0{,}9049$	$123,\!1616 {\pm} 0,\!4922$	$2{,}5916{\pm}0{,}0752$
A=109		$3,0779 \pm 1,5243$	$79,3872 \pm 13,3934$	$382,5959\pm54,8901$	$295{,}7370{\pm}45{,}8637$	$8,8648 \pm 1,8338$
fissiotuotto		$4,\!1582{\pm}2,\!0599$	$2,5087{\pm}0,4233$	$1{,}1421\ {\pm}0{,}1639$	$0,4165 \pm 0,0646$	$0,\!2924{\pm}0,\!0611$
Toinen mittaus						
A=110		$5,5411 \pm 0,1071$	$251{,}5456{\pm}0{,}7144$	$553,0767 \pm 1,0607$	$157,5601 {\pm} 0,5772$	$3,2052 \pm 0,0883$
A=109		$3,75039 \pm 0,5339$	$94,9526 \pm 9,3138$	$452,3610\pm33,5615$	$353,2340 \pm 30,5269$	$11,7379\pm1,0685$
110/109 suhteellinen		1 1775 1 0 0100	0.0100 1.0.0000	1 0007 1 0 0000	0.4461.1.0.0206	0.0701 0.0000
fissiotuotto		$1,4775 \pm 0,2123$	$2,6492\pm0,2600$	$1,2227\pm0,0908$	$0,4461\pm0,0386$	$0,2731\pm0,0260$
Kolmas mittaus						
A=110		$20,1053\pm0,1982$	$275,7558 \pm 0,7335$	$598,8332 \pm 1,0822$	$172,9207 \pm 0,5935$	$3,7633 \pm 0,0939$
A=109		$4,1113\pm1,0533$	$104,0520 \pm 4,3315$	$491,2641 \pm 16,9332$	$386,9539 \pm 15,3420$	$11,4576 \pm 1,3257$
110/109 subteellinen						
fissiotuotto		$4,8903\pm1,2538$	$2,6502{\pm}0,1106$	$1{,}2190{\pm}0{,}0421$	$0{,}4469{\pm}0{,}0178$	$0,3285 \pm 0,0389$

Taulukko 16. Massaluvun A=111 ja vastaavien referenssien A=109 hiukkasmäärät. Massaluvun A=111 mittauksessa käytetty kierrosluku on 1000. Hopean ja kadmiumin piikit ovat täysin päällekkäin referenssimittauksessa, jätetty taulukoimatta. Molybdeeniä ei havaittu massaluvun A=111 mittauksessa, jätetty taulukoimatta.

	aika (min)	Pd	Rh	Ru	Tc
A=109	11	886 ± 30	19692 ± 141	92813 ± 305	69922 ± 265
A=111	30	32884 ± 182	294544 ± 543	214192 ± 463	26278 ± 163
A=109	10	885 ± 30	19215 ± 139	92218 ± 304	69093 ± 263
A=111	30	38258 ± 196	319044 ± 565	231655 ± 482	28068 ± 168
A=109	10	955 ± 31	19075 ± 139	91850 ± 304	70049 ± 265
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus					
A=111		$65,7375 \pm 0,3638$	$591,0452 \pm 1,0896$	$436{,}6634{\pm}0{,}9439$	$59,\!1356{\pm}0,\!3668$
A=109		$4,95144 \pm 0,2749$	$108,834{\pm}2,9473$	$517,9410 \pm 17,8381$	$407,8931 \pm 13,2377$
111/109 suhteellinen fissiotuotto		$13,2765 \pm 0,7408$	$5,4307 \pm 0,1474$	$0,8431 {\pm} 0,0291$	$0,1450 \pm 0,0048$
Toinen mittaus					
A=111		$75,2435 \pm \pm 0,3855$	$629,8532 \pm 1,1154$	$464,6260\pm0,9667$	$62,1421 \pm 0,3719$
A=109		$5,3754{\pm}0,4508$	$111,\!9189{\pm}1,\!8204$	$538,\!3879 {\pm} 8,\!1540$	$426{,}6029{\pm}11{,}7832$
111/109 suhteellinen					
fissiotuotto		$13,9977 \pm 1,1761$	$5,6278 \pm 0,0921$	$0,8630 \pm 0,0132$	$0,1457 \pm 0,0041$

Taulukko 17. Massaluvun A=112 ja vastaavien referenssien A=109 massapiikkien hiukkasmäärät. Massaluvun A=112 mittauksessa käytetty kierrosluku on 1011. Hopean ja kadmiumin piikit ovat täysin päällekkäin referenssimittauksessa, jätetty taulukoimatta. Molybdeeniä ei havaittu massaluvun A=111 mittauksessa, jätetty taulukoimatta. Hopean ja palladiumin piikit ovat päällekkäin, koko tuotto annettu palladiumille.

	aika (min)	Pd	Rh	Ru	Tc
A=109	10	955 ± 31	19075 ± 139	91850 ± 304	70049 ± 265
A=112	30	110136 ± 332	369255 ± 608	136045 ± 369	4325 ± 66
A=109	10	1007 ± 32	20144 ± 142	95400 ± 309	71585 ± 268
A=112	31	115087 ± 340	382189 ± 619	142858 ± 378	4594 ± 68
A=109	9	974 ± 32	19571 ± 140	93235 ± 306	69878 ± 265
Korjatut arvot (ionia/s) Ensimmäinen mittaus					
A=112 A=109 112/109 suhteellinen fissiotuotto		$218,5357\pm 0,6588 \\ 5,8256\pm 0,3146 \\ 37,5128\pm 2,0288$	$738,4593\pm1,2159$ $116,5110\pm5,1776$ $6,3381\pm0,2819$	$\begin{array}{c} 276,4328 {\pm}0,7498 \\ 556,6580 {\pm}15,4385 \\ 0,4966 {\pm}0,0139 \end{array}$	$9,9984\pm0,1526$ $441,3499\pm8,0987$ $0,0227\pm0,0006$
Toinen mittaus					
A=112 A=109 112/109 suhteellinen		223,4007±0,6600 6,0009±0,0973	750,5021±1,2155 120,3689±0,7037	$\begin{array}{c} 283,9728 \pm 0,7514 \\ 572,1089 \pm 4,5582 \end{array}$	10,3897±0,1538 449,7271±3,4184
tissiotuotto		$37,2277 \pm 0,3135$	$6,2350\pm0,0378$	$0,4964 \pm 0,0042$	$0,0231 \pm 0,0004$

B Gammamittausten mittaustulokset

Taulukoihin 18-24 on koottuna massaluvuittain tutkittavien gammojen lukumäärä, intensiteetti, havaitsemistehokkuus ja niistä laskettu kumulatiivinen tuotto. Havaitsemistehokkuus on pyöristetty taulukkoon 15-yksikön säännöllä selvyyden vuoksi, laskut on tehty tarkoilla arvoilla.

Taulukoissa 25-31 on esitetty fissiotuotteiden havaittu kumulatiivinen tuotto, ja siitä laskettu riippumaton tuotto. Kumulatiivinen tuotto on laskettu eri gammasiirtymistä laskettujen tuottojen painotettuna keskiarvona. Koska gammamittausten osalta tarkastellaan kunkin massaluvun jakaumia erikseen, tuottoja ei ole normitettu mittausajalla.

		Havaittu		Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	γ -energia (keV)	määrä	Intensiteetti [39]	tehokkuus	tuotto
Ga	523,18	809	0,101	0,113	70667
	,	\pm 74	$\pm 0,012$	$\pm 0,003$	± 10749
Ga	659,14	3582	0,78	0,085	54183
		± 82	\pm 0,09	\pm 0,002	± 6487
Ga	1083,47	1447	0,48	0,0454	66472
		± 51	$\pm 0,06$	$\pm 0,0011$	± 8774
Ga	1109,36	571	0,186	0,0440	69733
		± 40	$\pm 0,022$	$\pm 0,0011$	± 9729
Ga	1313	175	0,066	0,0356	74457
		± 31	$\pm 0,008$	$\pm 0,0010$	± 16106
Ge	$265,\!36$	74403	0,27	$0,\!271$	1015844
		± 297	± 0.05	$\pm 0,009$	± 190678
Ge	680, 16	1653	0,022	0,0815	922217
		± 64	$\pm 0,004$	$\pm 0,0012$	± 171969
Ge	$936,\!97$	2323	0,041	$0,\!0545$	1040622
		± 62	$\pm 0,008$	$\pm 0,0012$	± 206208
As	666,2	62206	$0,\!42$	$0,\!084$	1771060
		± 255	*	$\pm 0,002$	± 40006
As	1207,1	3017	0,043	0,040	1772421
		± 64	$\pm 0,006$	$\pm 0,001$	± 254121
As	1645,2	3352	$0,\!075$	0,0268	1666902
.		± 61	$\pm 0,010$	$\pm 0,0009$	± 230521

Taulukko 18. Massaluvun A=80 gammamittaukset.

Alkuaine	γ -energia (keV)	Havaittu määrä	Intensiteetti [37]	Havaitsemis- tehokkuus	Kumulatiivinen tuotto
As	704,2	$\begin{array}{r} 486 \\ \pm 88 \end{array}$	$\begin{array}{c} 1^{*} \\ \pm 0,1 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,078 \\ \pm \ 0,002 \end{array}$	$\begin{array}{r} 6232 \\ \pm 1296 \end{array}$
Se	207,5	$\begin{array}{r} 25935 \\ \pm 258 \end{array}$	$0,07783 \pm 0,00387$	$\begin{array}{c} 0,39 \\ \pm \ 0,02 \end{array}$	844470 ± 56872
Se	382,4	10413 ± 169	$0,07654 \pm 0,00387$	$0,168 \\ \pm 0,006$	809066 ± 50325
Se	2010,6	$\begin{array}{r} 1750 \\ \pm 74 \end{array}$	$0,10191 \\ \pm 0,00516$	$0,0208 \\ \pm 0,0008$	824315 ± 62379
Se	2441,1	$\begin{array}{c} 6056 \\ \pm 93 \end{array}$	$0,43 \pm 0,0215$	$0,0163 \\ \pm 0,0007$	863002 ± 58167
Se	2660	$\begin{array}{c} 2582 \\ \pm \ 61 \end{array}$	$0,21586 \pm 0,01075$	$0,0146 \\ \pm 0,0007$	816596 ± 58108
Br	1361,63	$7367 \\ \pm 128$	$0,102 \\ \pm 0,009$	$0,0340 \\ \pm 0,0010$	$2123138 \\ \pm 199689$
Br	1389,73	7099 ± 119	$0,102 \\ \pm 0,008$	$0,0332 \\ \pm 0,0010$	2099169 ± 178308
Br	1564,6	$\begin{array}{r} 36587 \\ \pm 204 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,\!62 \\ \pm 0,\!05 \end{array}$	$0,0286 \\ \pm 0,0009$	2066106 ± 178626
Br	2349,37	$\begin{array}{r} 3607 \\ \pm 78 \end{array}$	$0,097 \\ \pm 0,008$	$0,0171 \pm 0,0007$	$2171392 \\ \pm 205826$
Br	2751,06	$5929 \\ \pm 84$	$0,191 \\ \pm 0,016$	$0,0140 \\ \pm 0,0007$	$ 2210879 \\ \pm 213592 $

Taulukko 19. Massaluvun A=86 gammamittaukset.

 * Arseenin absoluuttisen intensiteetin kerrointa ei annettu, käytetty intensiteetti antaa alarajan tuotolle.

Alkuaine	γ -energia (keV)	Havaittu määrä	Intensiteetti [40]	Havaitsemis- tehokkuus	Kumulatiivinen tuotto
Sr	898,5	$\begin{array}{r} 156 \\ \pm 54 \end{array}$	$0,189 \pm 0,012$	$0,0574 \pm 0,0013$	$\begin{array}{r} 14381 \\ \pm 5071 \end{array}$
Y	118,59	$\begin{array}{c} 12007 \\ \pm 251 \end{array}$	$0,154 \pm 0,023$	$\begin{array}{c} 0,55 \\ \pm \ 0,03 \end{array}$	$\begin{array}{r} 142813 \\ \pm 22271 \end{array}$
Y	212,531	57569 ± 305	$\begin{array}{c} 0,73 \\ \pm \ 0,11 \end{array}$	$\begin{array}{c}0,\!38\\\pm\ 0,\!02\end{array}$	207283 ± 32437
Y	616,67	$\begin{array}{c} 636 \\ \pm 76 \end{array}$	$0,069 \\ \pm 0,009$	$0,092 \\ \pm 0,002$	$ 100009 \\ \pm 17840 $
Y	665,98	$\begin{array}{c} 1802 \\ \pm 80 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,077 \\ \pm \ 0,011 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,084 \\ \pm 0,002 \end{array}$	279727 ± 42305
Y	741,99	$\begin{array}{r} 357 \\ \pm \ 66 \end{array}$	$0,044 \\ \pm 0,007$	$\begin{array}{c} 0,073 \\ \pm \ 0,002 \end{array}$	$\begin{array}{c} 111108 \\ \pm 24205 \end{array}$
Y	2515,13	$\begin{array}{c} 100 \\ \pm 19 \end{array}$	$0,061 \\ \pm 0,009$	$0,0157 \\ \pm 0,0007$	104301 ± 25495
Y	2600,95	$\begin{array}{c} 122 \\ \pm 19 \end{array}$	$0,045 \\ \pm 0,007$	$0,0151 \\ \pm 0,0007$	$179930 \\ \pm 40401$
Y	2770,4	$\begin{array}{c} 92 \\ \pm 16 \end{array}$	$0,057 \\ \pm 0,009$	$0,0139 \\ \pm 0,0007$	$115973 \\ \pm 27764$
Zr	400,5	35959 ± 220	$\begin{array}{c} 0,193 \\ \pm \ 0,008 \end{array}$	$0,159 \\ \pm 0,005$	$1174407 \\ \pm 61392$
Zr	504,27	40150 ± 220	$\begin{array}{c} 0,30\\ \pm \ 0,04 \end{array}$	$0,119 \\ \pm 0,003$	$1127293 \\ \pm 153312$
Nb	159,5	$\begin{array}{r} 85484 \\ \pm 363 \end{array}$	$0,089 \\ \pm 0,013$	$\begin{array}{c} 0,59 \\ \pm 0,04 \end{array}$	1630228 ± 259644
Nb	528,263	$\begin{array}{c} 15065 \\ \pm 152 \end{array}$	$0,091 \\ \pm 0,012$	$0,112 \\ \pm 0,003$	1478431 ± 199096
Nb	535,666	79574 ± 295	$\begin{array}{c} 0,\!46 \\ \pm 0,\!06 \end{array}$	$0,110 \\ \pm 0,003$	$1572141 \\ \pm 208901$
Nb	600,5	$\begin{array}{c} 10464 \\ \pm 126 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,54 \\ \pm \ 0,06 \end{array}$	$0,095 \\ \pm 0,003$	203337 ± 23218
Nb	622,5	$\begin{array}{c} 2232 \\ \pm 85 \end{array}$	$0,015 \\ \pm 0,004$	$0,091 \\ \pm 0,002$	1633720 ± 441672
Nb	768,7	$\begin{array}{c} 4124 \\ \pm 90 \end{array}$	$0,034 \pm 0,005$	$0,0698 \pm 0,0015$	1736580 ± 260833
Nb	928,3	$\begin{array}{c} 2671 \\ \pm 73 \end{array}$	$0,025 \\ \pm 0,003$	$0,0551 \pm 0,0012$	$1939462 \\ \pm 242440$
Nb	1022,5	$3845 \\ \pm 78$	$0,049 \\ \pm 0,009$	$0,0488 \pm 0,0011$	1608658 ± 299518
Nb	1063,7	$\begin{array}{c} 2977 \\ \pm 72 \end{array}$	$0,033 \\ \pm 0,005$	$0,0464 \pm 0,0011$	$1943637 \\ \pm 301629$
Nb	1280,4	$\begin{array}{r} 1437 \\ \pm 55 \end{array}$	$\begin{array}{c} 0,174 \\ \pm \ 0,022 \end{array}$	$0,037 \\ \pm 0,001$	224689 ± 30265
Nb	1501,9	$\begin{array}{r} 2069 \\ \pm 56 \end{array}$	$\stackrel{0,044}{\pm 0,006}$	$0,0301 \pm 0,0009$	$1563779 \\ \pm 222310$

Taulukko 20. Massaluvun A=100 gammamittaukset.

A 11 ·	· (1 17)	Havaittu	T	Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	γ -energia (keV)	maara	Intensiteetti [41]	tehokkuus	tuotto
Nb	192,2	45870	1,000	0,44	103440
		± 345	$\pm 0,198$	± 0.03	± 21132
Nb	368,4	4792	0,20	$0,\!176$	135957
		± 161	$\pm 0,02$	$\pm 0,006$	± 15039
Nb	477,5	4471	$0,\!170$	$0,\!127$	206833
		± 129	$\pm 0,018$	$\pm 0,004$	± 23386
Nb	620,2	2063	0,192	0,092	117422
		± 107	\pm 0,020	\pm 0,002	± 13928
Nb	812,4	1404	0,170	0,0652	126762
		\pm 85	\pm 0,018	\pm 0,0014	± 15696
Мо	86	10254	0,020	0,159	3217229
		± 294	$\pm 0,004$	$\pm 0,011$	\pm 684492
Мо	91	27050	0,049	0,238	2315329
		± 324	$\pm 0,004$	$\pm 0,012$	± 221335
Мо	335	1988	0,006	0,199	1668186
		± 171	\pm 0,0023	\pm 0,007	\pm 657999
Мо	376	10535	0,047	0,172	1304998
		± 172	\pm 0,011	\pm 0,006	\pm 309132
Мо	393	2681	0,013	0,162	1269380
		± 137	$\pm 0,003$	\pm 0,005	\pm 302707
Мо	421	5198	0,026	0,149	1341870
		± 140	\pm 0,006	\pm 0,005	± 314352
Tc	358	210484	$0,\!89$	0,183	1294479
		\pm 485	*	\pm 0,006	± 43894
Tc	530,3	23161	0,156	0,111	1332322
		\pm 187	\pm 0,012	\pm 0,003	± 108429
Tc	535,1	21965	0,147	0,110	1356171
		\pm 183	\pm 0,012	\pm 0,003	± 116389
Tc	884,4	8854	0,109	0,0586	1387352
		± 120	\pm 0,012	\pm 0,0013	± 156779
Tc	893,1	8241	0,102	0,0578	1397021
		± 117	$\pm 0,011$	$\pm 0,0013$	\pm 154937
Tc	1612,4	2421	0,058	0,0275	1517852
		± 65	$\pm 0,006$	\pm 0,0009	± 169072
Tc	1676,8	2937	0,078	0,0262	1438379
		± 67	\pm 0,008	\pm 0,0009	\pm 158129

Taulukko 21. Massaluvun A=104 gammamittaukset. Niobiumin intensiteettejä ei normitettu läheteessä [41].

		Havaittu		Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	γ -energia (keV)	määrä	Intensiteetti [42]	tehokkuus	tuotto
Tc	240,7	70829	0,766	0,315	293792
		± 324	Υ	$\pm 0,011$	± 9958
Tc	612,9	4186 ± 107	0,146 + 0.005	0,093	308694 ± 14005
	C10.0	107	0,005	0,002	
IC	619,2	± 100	$0,115 \pm 0.004$	± 0.002	$\pm 14075 \pm 14850$
Tc	1155.8	749	0.053	0.042	338014
10	1100,0	\pm 55	$\pm 0,003$	$\pm 0,012$	± 32414
Tc	1806,4	224	0,0291	0,0238	322925
	,	± 34	$\pm 0,0023$	$\pm 0,0008$	\pm 56358
Tc	2046,8	173	0,029	0,0204	292868
		± 30	$\pm 0,005$	$\pm 0,0008$	± 72456
Ru	112,2	166459	0,23	0,49	1464684
		± 485	$\pm 0,08$	$\pm 0,02$	± 513052
Rh	373,8	158393	0,53	0,173	1727136
		± 419	*	$\pm 0,006$	± 56894
Rh	398,5	12441	0,19758	0,160	394407
	100.0	± 159	± 0,01008	± 0,005	± 23102
Rh	439,8	25016 + 190	0,29281 + 0.01869	0,141 + 0.004	605833 + 42720
D	546.0	16902	0.28527	0.107	406751
ЦЦ	540,9	± 158	± 0.02670	± 0.003	± 30170
Bh	572.6	2026	0.01166	0.101	1717336
1011	012,0	± 98	$\pm 0,00318$	$\pm 0,003$	± 477457
Rh	584,6	5133	0,13528	0,099	384934
		± 113	\pm 0,01068	$\pm 0,003$	\pm 32842
Rh	653,3	5463	0,16287	0,086	391341
		± 109	\pm 0,01424	\pm 0,002	± 36174
Rh	687,7	8995	0,29014	0,080	385834
		± 122	$\pm 0,02136$	$\pm 0,002$	± 30096
Rh	796,7	3496	0,03975	0,0668	1317165
		± 88	$\pm 0,00530$	$\pm 0,0015$	± 180921
Rh	813,6	3881	0,10235	0,0650	583086
	020.0	± 90	± 0,01240	± 0,0014	± 13324
Rh	838,2	5632 + 98	0,21271 + 0.01691	0,0626 + 0.0014	422697 + 35569
	800 5	2758	0.08000	0.0580	52266
1711	690,0	± 80	± 0.01068	± 0.0013	± 66914
Rh	904 5	5066	0 17355	0.0569	512855
1011	001,0	± 93	$\pm 0,0178$	$\pm 0,0003$	± 54585
Rh	1230.9	1723	0.07209	0.0386	618785
-) -	± 63	$\pm 0,01335$	$\pm 0,001$	± 117869

Taulukko 22. Massaluvun A=110 gammamittaukset

	(Havaittu		Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	γ -energia (keV)	määrä	Intensiteetti [43]	tehokkuus	tuotto
Ag	460,8	1174	0,39	$0,\!133$	22637
		± 150	$\pm 0,11$	$\pm 0,004$	± 7038
Ag	612,8	1388	1	0,093	14941
		± 146	*	\pm 0,002	± 1609
Cd	143,33	23591	0,1806	0,64	205301
		\pm 303	\pm 0,0224	\pm 0,03	\pm 26662
Cd	179,91	69066	0,70	0,49	201187
	,	± 358	\pm 0,07	± 0.03	± 23556
In	102,91	305641	0.45	0.40	1706868
	,	± 642	± 0.05	$\pm 0,02$	± 203276
In	120.34	271473	0.38	0.56	1280075
	,	± 602	± 0.04	$\pm 0,02$	± 143727
In	253.45	15005	0.044	0.29	1172186
	, -	± 239	$\pm 0,005$	$\pm 0,01$	± 139514
In	363.54	38983	0,170	0.180	1279629
	,	± 258	$\pm 0,019$	$\pm 0,006$	± 149514
In	969.94	33238	0.52	0.0521	1226189
	,	± 218	$\pm 0,06$	$\pm 0,0012$	± 144311
In	997.79	9954	0,211	0.0503	937801
	,	± 144	$\pm 0,021$	$\pm 0,0012$	\pm 96651
In	1072,85	26537	0,47	0,0459	1229659
	,	± 187	\pm 0,07	$\pm 0,0011$	\pm 185587
In	1131.64	77797	0.68	0.0430	2664638
	,	± 294	$\pm 0,08$	$\pm 0,0011$	± 320184
In	1314,73	1526	0.045	0.036	953840
	,	\pm 65	$\pm 0,008$	$\pm 0,001$	± 176239
In	1359.86	16032	0.39	0.034	1206424
	,	± 137	± 0.04	$\pm 0,001$	± 128527
In	1470,7	1598	0,060	0,0309	862624
	,	± 60	$\pm 0,007$	$\pm 0,0009$	± 108687

Taulukko 23. Massaluvun A=124 gammamittaukset. Hopean intensiteettejä ei normitettu lähteessä [43].

		Havaittu	T	Havaitsemis-	Kumulatiivinen
Alkuaine	γ -energia (keV)	määrä	Intensiteetti [44]	tehokkuus	tuotto
Te	87,3	32793	0,119	$0,\!181$	1525804
		\pm 520	*	\pm 0,011	± 93410
Те	135,385	9649	0,028	$0,\!63$	550165
		\pm 519	*	\pm 0,03	\pm 35239
Те	333,99	24708	0,200	0,20	666276
		± 358	*	\pm 0,007	± 25392
Те	578,75	23989	0,182	0,100	1320362
		± 232	*	$\pm 0,003$	\pm 33995
Te	630,7	4380	0,104	0,090	470075
	,	± 172	· *	$\pm 0,002$	± 21332
Те	2077,9	1518	0,221	0,0200	343671
		± 61	*	$\pm 0,0008$	± 19002
Те	2569,4	8255	0,153	0,0153	352410
		± 40	*	\pm 0,0007	± 23072
Ι	197,316	698428	0,78	0,43	2101701
		± 974	\pm 0,05	\pm 0,02	± 167952
Ι	381,359	382122	1,00	0,169	2264691
		\pm 681	\pm 0,06	\pm 0,006	\pm 154533
Ι	1313,02	121685	1	0,036	3417114
		\pm 368	*	\pm 0,001	± 92187
Ι	1321,08	9850	0,248	0,035	1123961
		± 146	\pm 0,018	\pm 0,001	\pm 88593
Ι	2289,6	2707	0,104	0,0177	1471419
		\pm 66	$\pm 0,006$	\pm 0,0008	± 109890
I	2634,2	1588	0,067	0,0148	1598352
		± 48	$\pm 0,004$	\pm 0,0007	± 128647
I	2868,9	854	0,039	0,0133	1644107
		\pm 36	*	$\pm 0,0007$	± 104074
Cs	517,9	281992	0,9757	0,115	2525062
		± 570	*	$\pm 0,003$	± 64852

Taulukko 24. Massaluvun A=136 gammamittaukset.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Ga	65324 ± 9580	65 ± 10
Ge	1005310 ± 190124	940 ± 190
As	1754569 ± 106650	749 ± 218

Taulukko 25. Massaluvun A=80 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Taulukko 26. Massaluvun A=86 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
As	6232 ± 1296	$6,2 \pm 1,3$
Se	822712 ± 54789	816 ± 55
Br	2117669 ± 191215	1291 ± 199

Taulukko 27. Massaluvun A=100 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Sr	14381 ± 5071	$14,4 \pm 5,1$
Y	172638 ± 28504	158 ± 29
Zr	1150850 ± 107352	993 ± 111
Nb	1808111 ± 254144	657 ± 276
Tc	37329 ± 14222	37 ± 15

Taulukko 28. Massaluvun A=104 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Nb	130104 ± 18807	130 ± 19
Мо	1405623 ± 405111	1276 ± 406
Tc	1348130 ± 99174	-57 ± 417

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Tc	298435 ± 18752	298 ± 19
Ru	1464684 ± 513052	1166 ± 514
Rh	1928723 ± 149684	464 ± 535

Taulukko 29. Massaluvun A=110 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

 ${\bf Taulukko~30.}$ Massaluvun A=124 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Ag	18841 ± 4360	$18,8 \pm 4,4$
Cd	203073 ± 24980	184 ± 26
In	2299962 ± 201771	2097 ± 204

Taulukko 31. Massaluvun A=136 kumulatiiviset ja vastaavat suorat tuotot alkuaineittain.

Alkuaine	Kumulatiivinen tuotto	Suora tuotto (tuhansia)
Te	561712 ± 28809	562 ± 29
Ι	3510392 ± 191652	2949 ± 194
Cs	2525062 ± 64852	1291 ± 764